

Aufgabe 1

- a) Berechnen Sie das Taylor-Polynom zweiten Grades
- T_2
- zur Funktion

$$f(x, y) = (x + y) \sin(x + y)$$

mit dem Entwicklungspunkt $\begin{pmatrix} 0 \\ 0 \end{pmatrix}$.

- b) Bestimmen und klassifizieren Sie alle stationären Punkte der Funktion
- $f : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}$
- ,

$$f(x, y, z) = x^2 + y^2 + z^2 - 2xz - 2yz - \frac{z^4}{2}.$$

Aufgabe 2Sei f das Vektorfeld $f(x, y) = \begin{pmatrix} x^2 \\ y^2 \end{pmatrix}$, c_1 die Kurve mit der Parametrisierung

$$c_1(t) = (t, \sin(t)) \quad t \in [0, \pi]$$

und c_2 der mathematisch positiv orientierte Rand des Rechtecks

$$R = \{(x, y) : x \in [0, 1], y \in [0, 2]\} = [0, 1] \times [0, 2].$$

- a) Besitzt
- f
- ein Potential?
-
- b) Berechnen Sie für
- $i = 1, 2$
- die Kurvenintegrale

$$\int_{c_i} f(x, y) d(x, y).$$

- c) Berechnen Sie den Fluß von
- f
- aus
- R
- heraus.