## Fachbereich Mathematik der Universität Hamburg

WiSe 2023/24

Prof. Dr. J. Struckmeier

Dr. K. Rothe

# Analysis III für Studierende der Ingenieurwissenschaften

#### Präsenzblatt 5

### Aufgabe 1:

Man untersuche die durch die Niveaumenge

$$f(x,y) := y^4 - 2y^2 + x^4 - 2x^2 = 0$$

implizit gegebene(n) Kurve(n). Im Einzelnen sind gesucht

- a) die Symmetrien der Kurve(n),
- b) die Kurvenpunkte mit horizontaler und
- c) vertikaler Tangente,
- d) die singulären Punkte der Kurve mit Klassifikation und
- e) eine Zeichnung der Niveaumenge.

#### Aufgabe 2:

Man berechne und klassfiziere die Extremwerte der Funktion  $f:\mathbb{R}^2\to\mathbb{R}$  mit  $f(x,y)=4x^2+y^2$  auf dem Kreis  $x^2+y^2-2x=3$ 

- a) unter Verwendung der Lagrangeschen Multiplikatorenregel und
- b) über Polarkoordinaten parametrisierung  $\mathbf{c}$  des Kreises und anschließen des Lösen der Extremalaufgabe  $h(t) := f(\mathbf{c}(t))$ .

**Besprechungstermine:** 18.12. - 22.12.2023