

Tragen Sie bitte zunächst Ihren Namen, Ihren Vornamen und Ihre Matrikelnummer in **DRUCKSCHRIFT** in die folgenden jeweils dafür vorgesehenen Felder ein.

Diese Eintragungen werden auf Datenträger gespeichert.

Name:

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

Vorname:

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

Matr.-Nr.:

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

Studiengang:

AI	BU	BVT	ET	EUT	IN	LUM	MB	MTB	SB	VT	
----	----	-----	----	-----	----	-----	----	-----	----	----	--

Aufg.	a) i)	a) ii)	b)	c) i)	c) ii)	d) i)	d) ii)	e)	f)	$\Sigma =$
Punkte	1	1	2	1	1	1	1	2	2	12
erreicht										

BONUS =

Bitte lösen Sie die angegebenen Aufgaben, und tragen Sie Ihre Antworten in die dafür vorgegebenen Kästchen ein. Sie erhalten jeweils 1 bzw. 2 Punkte pro richtige Antwort und null Punkte, wenn Sie eine falsche oder keine Lösung angegeben haben. Der Lösungsweg wird nicht bewertet.

a) Die Potenzreihe $\sum_{k=0}^{\infty} \frac{(x-5)^k}{3^k}$ mit dem Entwicklungspunkt $x_0 = 5$

hat den Konvergenzradius

$$r = 3$$

und das Konvergenzintervall

$$I =]2, 8[$$

Hinweis: Klären Sie auch, ob die Reihe in den Randpunkten von I konvergiert!

- b) Es sei $p_2(x) = a_0 + a_1 x + a_2 x(x-3)$ das Interpolationspolynom zweiten Grades zu den Daten:

$$\begin{array}{c|ccc} x_k & 0 & 3 & 6 \\ \hline y_k & 0 & -27 & 0 \end{array}$$

Dann ist

$$a_2 = 3$$

- c) Es sei $\sum_{k=0}^{\infty} a_k x^k$ die Potenzreihe der Funktion $f(x) = \frac{1}{30-10x}$ mit dem Entwicklungspunkt $x_0 = 0$. Dann ist

$$a_2 = \frac{1}{270}$$

und die Potenzreihe hat den Konvergenzradius

$$r = 3$$

- d) Es sei $\sum_{k=0}^{\infty} a_k x^k$ die Potenzreihe der Funktion $f(x) = x \cos(x) + e^x$ mit dem Entwicklungspunkt $x_0 = 0$. Dann ist

$$a_3 = -\frac{1}{3}$$

und die Potenzreihe hat den Konvergenzradius

$$r = \infty$$

e)

$$\int_{-1}^{\frac{1}{2}} 2xe^{2x+2} dx = \frac{3}{2}$$

f)

$$\int_0^{\sqrt{\pi/2}} 2x \cos(x^2) dx = 1$$