

# Analysis II

**Michael Hinze**  
**(zusammen mit Peywand Kiani)**

**Department Mathematik**  
**Schwerpunkt Optimierung und Approximation, Universität Hamburg**



Universität Hamburg

**1. April 2008**

# Beachtungswertes

- ▶ Die Veranstaltung ist eng angelehnt an das Buch **Höhere Mathematik für Ingenieure und Naturwissenschaftler** von Prof. Dr. Günter Bärwolff, Spektrum Akademischer Verlag, ASIN/ISBN: 3827414369.
- ▶ Übungsaufgaben → <http://www.math.uni-hamburg.de/teaching/export/tuhh/cm/a1/0708/index.html>
- ▶ Besuch der Übungsgruppen gründlich vorbereiten!!
- ▶ Übungshefte: **Mathematik für Ingenieure und Naturwissenschaftler**, H. Wenzel / G. Heinrich, ab 4ter Auflage, gibt es bei Teubner Stuttgart/Leipzig.
- ▶ Als Formelsammlung empfehlen wir: **Formeln und Fakten im Grundkurs Mathematik für Ingenieure und Naturwissenschaftler**, Klaus Veters, 3. Auflage, Teubner 2001.

# Übungsaufgaben für die kommenden beiden Wochen

**Siehe WWW Seiten der Veranstaltung:  
<http://www.math.uni-hamburg.de/teaching/export/tuhh/cm/a2/08/index.html>**

### Fragestellungen:

- ▶ **Rekonstruktion einer Funktion  $F$  aus Kenntnis über deren Ableitung  $F'(x) \equiv f(x)$ ,**
- ▶ **Berechnung von Flächen krumm berandeter Gebiete,**
- ▶ **Berechnung von Arbeit = Kraft  $\times$  Weg entlang von krummlinigen Trajektorien (=Bahnen),**
- ▶ **Berechnung des Volumens von Rotationskörpern,**
- ▶ **Umkehrung von Differentiation**

### Definition 2.33: (Stammfunktion)

Sei  $f : I \rightarrow \mathbb{R}$  eine auf dem Intervall  $I$  definierte reellwertige Funktion.

Die differenzierbare Funktion  $F : I \rightarrow \mathbb{R}$  mit der Eigenschaft

$$F' = f$$

heißt Stammfunktion von  $f$ .

Stammfunktionen sind nur bis auf Konstanten festgelegt, d.h. mit  $F$  ist auch  $F + C$  für  $C \in \mathbb{R}$  Stammfunktion zu  $f$ .

## Buch Kap. 2.13 – Integration, Zerlegungen

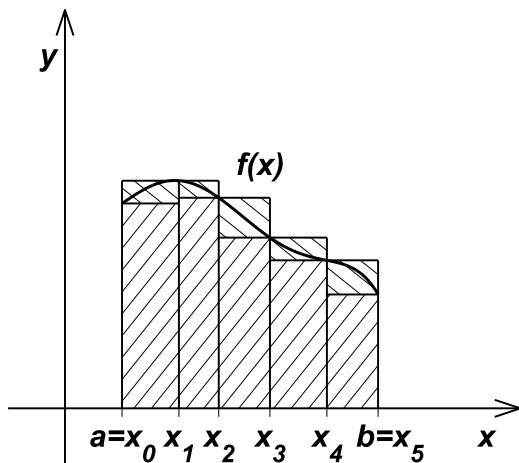


Abbildung: 2.55: Zerlegung  $Z$ , Obersumme und Untersumme

**Definiton 2.34: (Integrierbarkeit, RIEMANNsches Integral)**  
Eine auf  $[a, b]$  beschränkte Funktion  $f$  heißt im Intervall  $[a, b]$  RIEMANN-integrierbar, falls das Unter- und Oberintegral von  $f$  übereinstimmen, d.h. falls  $\underline{I}_f = \bar{I}_f$  gilt.

Der gemeinsame Grenzwert  $\bar{I}_f = \underline{I}_f$  wird bestimmtes RIEMANNsches Integral von  $f(x)$  über  $[a, b]$  genannt und mit

$$I = \int_a^b f(x) dx$$

bezeichnet.

$a$  heißt untere und  $b$  obere Integrationsgrenze und  $[a, b]$  wird Integrationsintervall genannt.  $x$  heißt Integrationsvariable und  $f(x)$  Integrand.