

## Einführung in die Mathematische Logik und Modelltheorie

Tabea Beese Prof. Dr. Benedikt Löwe Ilya Sharankou, Dipl.-Math.

Übungsblatt 1

Abgabe am 7. April 2015 am Anfang der Vorlesung.

## Aufgabe 1 (Gültige syllogistische Schlüsse) (4 Punkte)

Untersuchen Sie die folgenden syllogistischen Schlüsse auf ihre formale Gültigkeit und argumentieren Sie mittels eines Venn-Diagramms:

- 1. Jeder Mathematiker ist irre. Jedes Genie ist irre. Daher ist jeder Mathematiker ein Genie.
- 2. Einige Mathematiker sind irre. Einige Genies sind irre. Daher sind einige Mathematiker keine Genies.
- 3. Jeder Irre ist ein Genie. Jedes Genie ist ein Mathematiker. Daher ist jeder Irre ein Mathematiker.
- 4. Mancher Irre ist kein Genie. Jeder Mathematiker ist ein Genie. Daher ist mancher Irre kein Mathematiker.

## Aufgabe 2 (Aussagenlogische Wahrheitstafeln) (2 Punkte)

Seien A und B Aussagenvariablen. Prüfen Sie die folgenden Ausdrücke auf Gültigkeit mittels der Methode der Wahrheitstafeln.

- 1.  $A \wedge \neg A$
- 2.  $(A \to B) \leftrightarrow (\neg (A \land \neg B))$
- 3.  $(A \rightarrow B) \lor (B \rightarrow A)$
- 4.  $((A \to B) \land \neg A) \to \neg B$