

Programme mit Endung .p: Pascal-, mit Endung .m: MATLAB-Programme

Inhaltsverzeichnis

Erste Stunde		Seite
a01_01.p	Minimalprogramm	1
a01_02.p	Grobstruktur eines Programms	1
a01_03.p	Hallo-Programm mit <code>writeln</code> etc.	1
a01_04.p	Volumen und Oberfläche eines Quaders	1
a01_05.p	Einfache Summenbildung	2
a01_06.p	Tests zur Namensbildung	2
Zweite Stunde		
a02_01.m	Beispiele zu einfachen MATLAB-Techniken, insbesondere <code>help</code> , <code>lookfor</code> -Funktionen, <code>eval</code> und <code>feval</code> -Befehle	2
Dritte Stunde		
a03_01.m	Dyadische Summe als Übung zur Matrixbehandlung, vgl. auch a10_01.m	4
a03_02.m	Das Haus des Nikolaus, Übung für <code>plot</code>	5
Vierte Stunde		
a04_01.p	<code>case ... of</code> und Funktionsprozeduren	5
a04_02.p	Sog. Collatz- oder $(3n + 1)$ -Funktion, Beispiele für Prozeduren, auch vom Typ <code>function</code>	7
a04_03.p	Matrizenmultiplikation mit entsprechenden Deklarationen mit verschiedenen Typen von Matrixdefinitionen und Beispielen für Funktionsprozeduren, Übung zur <code>type</code> -Deklaration	8
a04_04.p	Programm zum Testen von DIN 66256, Stufe 1. Wenn implementiert, können z. B. array-Grenzen abgefragt werden. Geht nicht auf Turbo- und Free-Pascal, jedoch auf Sun- und Gnu-Pascal	9
Fünfte Stunde		
a05_01.p	Programmwiederholungen mit <code>for</code>	9
a05_02.p	Programmwiederholungen mit <code>while</code>	9
a05_03.p	Programmwiederholungen mit <code>repeat</code>	10
a05_04.p	Logische Elemente am Beispiel eines Schaltkreises	10
a05_05.p	Ein- und Ausgabe in und aus Dateien, gebraucht wird Datei a05_05.erg zum Lesen	11
Sechste Stunde		
a06_01.p	<code>type</code> -Deklarationen insbesondere von Ordinaltypen (Aufzähltypen) auch in <code>arrays</code>	11
a06_02.p	Berechnung von π mit Zufallszahlen, Übung zur Prozedurbildung und zu bedingten Anweisungen (<code>if</code>)	12
a06_03.p	Berechnung der Fakultät, auch rekursiv, Demonstration von <code>integer</code> -Überlauf, der rekursive Aufruf verliert immer	13

a06_04.p	Übungen zur <code>type</code> -Deklarationen mit <code>set</code> (Mengen), Mengenoperationen, auch Prozedurbildung.....	14
a06_05.p	Übungen zur <code>type</code> -Deklarationen, insbesondere zu Ordinaltypen, <code>boolean</code> , <code>char</code> , <code>set</code> , enthält Code-Tabelle zu <code>char</code>	15

Siebte Stunde

a07_01.m	Techniken zur Behandlung von plots, insbesondere Anbringungen von Beschriftungen, Positionierung mit der Maus, auch Strichdicken-Manipulation und Erklärung sog. handle-Graphik, Verwendung von $\text{T}_{\text{E}}\text{X}$ -Zeichen.....	17
a07_02.m	Vergleich von Histogrammen mit <code>bar</code> und <code>hist</code> , auch zwei Bilder.....	18
a07_03.m	Funktions-Prozedur zur rekursiven Berechnung der Fakultät.....	20
a07_04.m	Aufruf von a07_03 und Vergleich mit direkter Berechnung.....	20

Achte Stunde

a08_01.m	Prinzip zur Herstellung von farbigen Rechtecksmustern, mit zufälligen Farbkombinationen und einem Schachbrett.....	20
a08_02.m	<code>surf</code> als Darstellungsmittel für Matrizen.....	21

Neunte Stunde

a09_01.m	Zeichnen von Kurven, am Beispiel von Zykloiden, Epizykloiden, Hypozykloiden; Zeichnen von Kurven im \mathbb{R}^3 , auch sog. <code>stem-plots</code> , Einstellung des Blickwinkels, Hinweise auf <code>demo</code> -Programme.....	22
----------	---	----

Zehnte Stunde

a10_01.m	„Tonys Trick“ zur Vervielfachung von Vektoren zu Matrizen.....	24
a10_02.m	Turm von Hanoi, rekursive Umschichtung.....	24
a10_03.m	Zeichnen der Türme in den Zwischenpositionen.....	26
a10_04.m	Aufrufprogramm zum Turm von Hanoi mit Bild (S. 25).....	26

Weitere Beispiele

a11_01.p	Weitere Übung zu Variablen vom Typ <code>set</code> am Beispiel eines Programms zur Lottoziehung.....	27
a11_02.p	Ein Programm mit Variablen vom Typ <code>record</code> . Das sind Variablen mit denen man z. B. den (heterogenen) Inhalt von Karteikarten simulieren kann	28
dickes Ende	31

Hinweis: Die Zuordnung der Programme zu den Stunden ist nur in etwa richtig. Nicht alle Programme sind in der Vorlesung vorgekommen. Dieser Text und alle Programme stehen in

<http://www.math.uni-hamburg.de/home/opfer/aufgaben01w.html>

Programm a01_01.p Minimalprogramm

```
1 program NAME;
2 begin
3 end.
```

Programm a01_02.p Struktur eines Programms

```
1 program NAME;
2 {An diese Stelle gehoeren sog. Vereinbarungen}
3 begin
4 {An dieser Stelle steht das eigentliche Programm}
5 end.
6
7 {Was zwischen geschweiften Klammern steht, ist ein Kommentar,
8 der vom Programm nicht beachtet wird.} (*Kommentare koennen auch,
9 wie an diesem Beispiel zu sehen, gekennzeichnet
10 werden, insbesondere, wenn geschweifte Klammern {} vorkommen*)
11
12 {Der NAME besteht aus einer (endlichen) Folge von
13 (a) Buchstaben: ab...zAB...Z
14 (52 Stueck, keine Umlaute, kein Esszett),
15 (b) Ziffern: 01...9 (10 Stueck),
16 (c) dem Unterstreichungszeichen: _
17 mit folgender Zusatzregel: An der ersten Stelle steht ein Buchstabe}
```

Programm a01_03.p Hallo-Programm mit writeln etc.

```
1 program Hallo; {Der Name (hier Hallo) hat
2 fuer das Programm keine Bedeutung}
3 {Pascal/MATLAB-Kurs WS 2001, Gerhard Opfer}
4 {Wir schreiben ein erstes Programm,
5 das etwas tut.}
6 begin
7 writeln('Hallo!'); {ln steht fuer line}
8 writeln('Wie geht es Ihnen?');
9 write('Hallo! ');
10 writeln('Wie geht es Ihnen?');
11 write('Je nach Wetterlage.');
```

12 end.

13 {Regel: Nach writeln wird in eine
14 neue Zeile geschrieben, nach write nicht.}

15

16 {Ergebnis (hineinkopiert):
17 Hallo!
18 Wie geht es Ihnen?
19 Hallo! Wie geht es Ihnen?
20 Je nach Wetterlage.}

Programm a01_04.p Volumen und Oberfläche eines Quaders

```
1 program mit_Variablen;
2 {Pascal/MATLAB-Kurs WS 2001, Gerhard Opfer}
3 {Wir schreiben ein erstes Programm,
4 in dem Variable vorkommen.}
5 {Wir berechnen das Volumen
6 und die Oberflaeche eines Quaders (Mauerstein),
7 der durch drei Groessen a,b,c definiert ist.}
8 var a,b,c,V,F:real;
9 {Wir teilen dem Programm die
10 Variablennamen (hier a, b, c, V, F) und die Bedeutung (hier real als
11 besondere Form einer Computerzahl) mit}
12 begin
13 a:=24; b:=11.5; c:=5;
14 {Die Zuweisung erfolgt durch := Der Abschluss ist
15 notwendig ein Semikolon; Die Anordnung ist
16 nicht wichtig, also auch untereinander moeglich.}
```

```

17 V:=a*b*c;           {Volumen}
18 F:=2*(a*b+a*c+b*c); {Flaeche}
19   {Die Multiplikationszeichen muessen mitgeschrieben werden}
20 writeln('Das Volumen des Quaders betraegt ',
21   V,'(Kubikzentimeter)');
22 writeln('Die Oberflaeche des Quaders betraegt ',
23   F,'(Quadratzentimeter)');
24 writeln; {leere Zeile}
25 writeln('Das Volumen des Quaders betraegt ',
26   V:6:2,' (Kubikzentimeter)');
27 {Die Angaben hinter V sind Formatangaben: 6 Stellen insgesamt,
28  2 Stellen davon nach dem Komma, Beispiel unten}
29 writeln('Die Oberflaeche des Quaders betraegt ',
30   F:6:2,' (Quadratzentimeter)');
31 end.
32
33 {Ergebnis (hineinkopiert):
34 Das Volumen des Quaders betraegt  1.380000000000000e+03(Kubikzentimeter)
35 Die Oberflaeche des Quaders betraegt  9.070000000000000e+02(Quadratzentimeter)
36
37 Das Volumen des Quaders betraegt 1380.00 (Kubikzentimeter)
38 Die Oberflaeche des Quaders betraegt 907.00 (Quadratzentimeter)}

```

Programm a01_05.p Einfache Summenbildung

```

1  program mit_Variablen;
2  {Pascal/MATLAB-Kurs WS 2001, Gerhard Opfer}
3  {Wir schreiben ein Programm,
4   in dem Variable durch Einlesen bestimmt werden.}
5  var x,y,s:real;
6  begin
7    writeln('Zwei Zahlen hintereinander eintippen, danach enter!');
8    readln(x,y);{Das Programm erwartet
9     eine Eingabe von zwei Zahlen x, y in einer Zeile
10    ueber die Tastatur}
11    s:=x+y;
12    writeln('Summe = ', s:6:2);
13    writeln('Eine Zahl eintippen, danach enter!');
14    read(x);   {nur eine Zahl ueber die Tastatur}
15    writeln('Noch eine Zahl eintippen, danach enter!');
16    read(y);
17    s:=x+y;
18    writeln('Summe = ', s:6:2);
19    {readln;} {Dieser Befehl kann in manchen Systemen
20     gut zum Stoppen des Programms benutzt werden.}
21    writeln('Schluss');
22  end.

```

Programm a01_06.p Test, ob Namen der Art a___b c___ erlaubt sind (ja)

```

1  {Pascal/MATLAB-Kurs WS 2001, Gerhard Opfer}
2  {Test ob _ auch mehrfach und hinten vorkommen koennen}
3  program a_;
4  var x____y,aa__:real;
5  begin
6  x____y:=2.5;aa__:=1;
7  writeln(aa__,x____y);
8  end.  {Programm funktioniert}

```

Programm a02_01.m Beispiele zu einfachen MATLAB-Techniken, insbesondere help-, lookfor-Funktionen und eval- und feval-Befehle.

```
1 %Einige einfache Beispiele zu MATLAB-Sprachelementen.
2 %Kommentare werden zeilenweise durch % (Prozentzeichen) eingeleitet.
3 %Nach dem Aufruf von MATLAB (Klicken bei windoofs-Rechnern,
4 %Tippen des Wortes "matlab" in ein Kommandofenster bei Suns)
5 %erscheint in jedem Fall ein Fenster mit einem 'Prompt' >>
6 %Danach werden Befehle sofort ausgefuehrt:
7 format loose %das Gegenteil von compact
8 x=3*4+5
9 disp('Viel Luft im Format: Enter-Taste druecken'); pause
10 %Will mann nicht soviel Luft zwischen den Zeilen, schreibe man
11 format compact
12 x=pi*4
13 disp('Luft ist weg und langes Format kommt: Enter-Taste druecken'); pause
14 %Moechte man mehr Stellen sehen, schreibe man
15 format long
16 x=pi*4
17 %Moechte man wieder zur kurzen Form zurueckkehren, schreibe man
18 format short
19 disp('diverse Rechnungen: Enter-Taste druecken'); pause
20 %Laengere Programme schreibe man in eine Datei der Form "datei.m"
21 %Dabei ist die Endung .m notwendig. Diese Programme werden
22 %als MATLAB-Programme identifiziert und mit Tippen von
23 %"datei" (ohne " ") und ohne Endung aufgerufen.
24 %Wesentlich in MATLAB sind Variablen vom Typ Matrix oder Vektor,
25 %wobei explizite Deklarationen nicht moeglich sind.
26 %Vektoren sehen entweder so aus
27 x=[1 2 3 4 5] %Zeilenvektoren oder so
28 y=[1;2;3;4;5] %oder mit der gleichen Bedeutung
29 y=[1
30     2
31     3
32     4
33     5]; %Spaltenvektor
34 disp('Matrix: 2 Zeilen, 3 Spalten');
35 A=[1 2 3; 4 5 6]
36 %oder
37 A=[1 2 3
38     4 5 6];
39 %x kann aber im vorliegenden Fall auch einfach in der Form
40 x=1:5; %geschrieben werden. Man kann leicht einen
41 %Zeilen- in einen Spaltenvektor umwandeln
42 y=x'; %Jetzt ist y ein Spaltenvektor wie oben.
43 %Das Semikolon am Ende hat eine total neue Bedeutung:
44 %Es verhindert das Ausgeben auf den Bildschirm.
45 y; %allein bewirkt, dass y auf dem Schirm angezeigt wird.
46 %Man kann Operationen auf alle Vektorkomponeneten gleichzeitig anwenden:
47 disp('x/3:');
48 x/3
49 disp('x+3:');
50 x+3
51 disp('x.^2:');
52 x.^2
53 disp('x.^x: Enter-Taste druecken'); pause
54 %Operationen wie .* oder ./ oder .^ wirken komponentenweise
55 %auf den ganzen Vektor und entsprechend auch
56 x.^x
57 disp('x./x: Enter-Taste druecken'); pause
58 x./x
59 disp('A.^2: Enter-Taste druecken'); pause
60 A.^2
61 %Ist
62 x=0:0.01:2*pi; %also x=0,0.01,0.02,...,2*pi, so ist
63 y=sin(x); %entsprechend der Vektor sin(0),sin(0.01),sin(0.02),...,sin(2*pi)
```

```

64 %Ein Zeichenbefehl hat dann die Foerm
65 disp('Sinus-Kurve in blau: Enter-Taste druecken'); pause
66 plot(x,y);
67 disp('Koennen Sie auch noch beim naechsten Mal die x-Achse einzeichnen?');
68 disp('2 Punkte verbinden: Enter-Taste druecken'); pause
69 %Will man zwei Punkte (x,y), (u,v) geradlinig verbinden, so ist
70 x=0;y=0;u=2;v=-1; %und
71 plot([x u],[y v]) %der geeignete Befehl. Moechte man eine rote Linie,
72 disp('dieselben Punkte in rot verbinden: Enter-Taste druecken'); pause
73 %so schreibe man
74 plot([x u],[y v],'r');
75 disp('dasselbe gepunktet (suchen, wo sind die Punkte?): Enter-Taste druecken'); pause
76 plot([x u],[y v],'r. ');
77 disp('Jetzt kommt etwas Langes, naemlich help plot: Enter-Taste druecken'); pause
78 %Ein wesentliche Informationsquelle sind die beiden Befehle
79 disp('help plot [langer Ausdruck]'); pause(3)
80 help plot %(plot nur als Beispiel) und
81 disp('Jetzt kommt lookfor cyan (dauert), Enter-Taste druecken'); pause
82 lookfor cyan
83 disp('cyan kommt also im Programm "cool" vor');
84 %help gibt Informationen ueber bestehende Programme,
85 %lookfor "text" sucht in den Kommentaren aller vorhandenen Programme
86 %(auch in den selbst geschriebenen) nach dem Wort "text"
87 %(ohne Anfuhrungszeichen).
88
89 %Ein wesentlicher Unterschied zu Pascal: Alle Schleifen und alle if-Abfragen
90 %muessen mit "end" (oder "end;") beendet werden. Als Schleifen gibt es "for"-
91 %und "while"-Schleifen, kein "repeat". Ein "case ... of" gibt es in der Form
92 %von "switch".
93
94 %Prozeduren muessen in separate Dateien name.m ausgelagert werden.
95 %Das .m am Ende ist obligatorisch. Aufgerufen werden sie nur mit dem
96 %Dateinamen name. Der Dateiname "name" sollte mit dem Prozedurnamen
97 %uebereinstimmen. Bei Abweichung wird der Dateiname genommen.
98 %Prozeduren haben immer die Form
99
100 %function [Ausgabeliste]=name(Eingabeliste).
101 %Anweisungsteil
102
103 %Die Eingabeliste wird nicht ueberschrieben, ist also nach
104 %Beendigung der Prozedur wieder mit den alten Werten besetzt.
105 %Der Ausgabeteil und auch der Eingabeteil koennen leer sein.
106
107 %Im Gegensatz zu Pascal, kann bei der Formulierung der Prozedur die Anzahl
108 %der eingehenden oder ausgehenden Parameter abgefragt werden mit:
109 %"nargin", "nargout". Strings koennen ueber eval(String) direkt ausgefuehrt
110 %werden, bei Funktionen mit feval(String,x), beispielsweise
111 disp('Sinus an der Stelle 0.4 ueber einen String: Enter-Taste druecken'); pause
112 s='sin'; y=feval(s,0.4) %gibt y=sin(0.4); %oder
113 for j=1:4
114     s=['print -dpvc Bild',int2str(j),'ps'];
115     eval(s); %Es werden Dateien mit den Namen Bild1.ps,...,Bild4.ps erzeugt
116 end;
117 %Der Befehl int2str(j) wandelt die ganze Zahl j in einen String um,
118 %entsprechend arbeitet num2str(x) fuer eine reelle Zahl x.
119
120 disp('Probieren Sie zuerst im Dialogfenster alles Moegliche aus!');
121 disp('Schreiben Sie aber schliesslich Ihre Programme in Dateien. ');
122 disp('Schluss der Demonstration!');

```

Programm a03_01.m Dyadische Summe als Übung zur Matrixbehandlung, vgl. auch a10_01.m.

```

1 %Bei MATLAB ist es wichtig, nach Moeglichkeit keine Schleifen zu verwenden
2 %Bei MATLAB fangen alle Matrizen (auch Vektoren) mit dem Index 1 an
3 %Beispiel: Matrizenbesetzung B(j,k)=j+k,j,k=1,2,...,n (etwas trickreich),

```

```

4 %sog dyadische Summe
5 n=1000;
6
7 %erste Rechnung
8 tic %Stoppuhr wird gestartet
9 J=(1:n)';
10 A=J*ones(1,n);
11 B=A+A';
12 toc %Stoppuhr wird gestoppt und Zeit angezeigt
13 %elapsed_time = 1.3319 sec auf Sun ULTRA1
14 disp('erste Rechnung zu Ende');
15
16 %zweite Rechnung: sehr trickreich (vgl. a10_01.m, "Tonys Trick")
17 tic
18 J=(1:n)';
19 A=J(:,ones(n,1));
20 B=A+A';
21 toc
22 %elapsed_time = 0.7327 sec auf Sun ULTRA1
23 disp('zweite Rechnung zu Ende');
24
25 %dritte Rechnung, jetzt ohne Trick, wie in Pascal
26 tic
27 for j=1:n
28   for k=1:n
29     B(j,k)=j+k;
30   end; %for k
31 end; %for j
32 toc
33 %elapsed_time = 42.5121 sec auf Sun ULTRA1
34 disp('dritte (laengste) Rechnung zu Ende');

```

Programm a03_02.m Das Haus des Nikolaus, Übung für plot, mit Bild (Seite 6)

```

1 %Ein kleiner plot der das Haus des Nikolaus zeichnet.
2 %Pascal/MATLAB-Kurs Okt. 2000 und Okt. 2001, Gerhard Opfer
3 plot([0 1],[0 0]);hold on, text(0.5,-0.02,'1\leftarrow');
4 axis([-0.2,1.2,0,1.5]),axis off, axis equal, pause(2)
5 plot([0 1],[0 1]); text(0.25,0.25,'2\uparrow');pause(2)
6 plot([1 0],[1 1]); text(0.5,1.02,'3\leftarrow');pause(2)
7 plot([0 1],[1 0]); text(0.25,0.75,'4\downarrow');pause(2)
8 plot([1 1],[0 1]); text(1.01,0.5,'5\uparrow');pause(2)
9 plot([1 0.5],[1 1.5]); text(0.75,1.25,'6\uparrow');pause(2)
10 plot([0.5 0],[1.5 1]); text(0.25,1.25,'7\downarrow');pause(2)
11 plot([0 0],[1 0]); text(-0.03,0.5,'8\downarrow');pause(2)
12 text(0.3,-0.1,'Das Haus vom Nikolaus');
13 hold off;
14 print -dpsc nikolaus.ps %erzeugt farbiges Bild als Datei nikolaus.ps

```

Programm a04_01.p case ... of und Funktionsprozedur

```

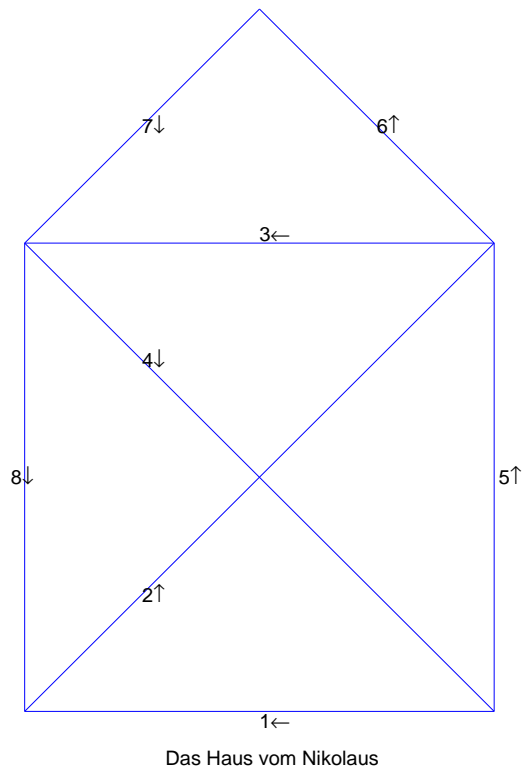
1 (*Wir demonstrieren die case ... of Anweisung an einem Beispiel*)
2 {Gleichzeitig wird noch einmal die Form einer Funktionsprozedur geuebt.
3 Programm von Elsbeth Bredendiek}
4 {Pascal/MATLAB-Kurs Okt. 2000, Gerhard Opfer}
5 {Bei dem Programm geht es um die Frage, wieviele Tage die einzelnen
6 Monate haben, wobei natuerlich nur der Februar interessant ist.}
7 program case_of;
8
9 function anz_tage(monat,jahr:integer):integer;
10 begin
11   if (monat >0) and (monat <=12) then
12     begin
13       case monat of
14         1,3,5,7,8,10,12:anz_tage:=31;
15         4,6,9,11      :anz_tage:=30;

```

```

16      2          : if ((jahr mod 4=0)
17                and (jahr mod 100 <> 0))
18                or (jahr mod 400=0)
19                then anz_tage:=29
20                else anz_tage:=28;
21      end; {case ... of}
22  end else
23  begin
24      writeln('Monatseingabe ',monat:4,' falsch!');
25      anz_tage:=0;
26  end; {else}
27 end; {function}
28 {Prozeduren brauchen eine begin ... end;-Struktur}
29 begin {Hauptprogramm}
30 writeln(
31  anz_tage(15,2001):4,
32  anz_tage(2,1600):4,
33  anz_tage(2,1700):4,
34  anz_tage(2,1800):4,
35  anz_tage(2,1900):4,
36  anz_tage(2,1999):4,
37  anz_tage(2,2000):4);
38 end.
39 {Ergebnis:
40 Monatseingabe   15 falsch!
41   0 29 28 28 28 28 29}

```



Figur 4.1 Das Haus vom Nikolaus

Programm a04-02.p Sog. Collatz- oder $(3n+1)$ -Funktion, Beispiele für Prozeduren auch vom Typ function

```

1 {Pascal/MATLAB-Kurs Okt. 2000, Gerhard Opfer}
2 {Wir beschaefitigen uns mit der sog. Collatz-Funktion. Wir schreiben ein Programm, das
3 bei gegebener ganzer Zahl "Eingabe" > 1 ausrechnet, wie oft die Collatz-Funktion
4 iteriert werden muss, damit 1 heraus kommt. Gleichzeitig berechnen wir die groesste
5 dabei auftretende Zahl. Es gibt also einen Eingabewert und zwei Ausgabewerte.}
6
7 program collatz;
8 type neu=integer32; {longint in windows}
9 var rein,raus, maxi,zeler:neu;
10 {=====}
11 procedure Collatzfunktion (Eingabe: neu; var AusgabeSchrittzahl,AusgabeMaximum: neu);
12 {Wird eine Variable nicht mit "var" in der Liste deklariert (wie Eingabe),
13 so hat sie nach Verlassen der Prozedur wieder den alten Wert.
14 Es findet also eine Zwischenspeicherung statt.}
15
16 var Schritt, maxi, j: neu;
17 {=====}
18 {Im Vereinbarungsteil der Prozedur Collatzfunktion
19 wird eine weitere Prozedur vereinbart}
20 function Collatz (i: neu): neu;
21 {ein Schritt der Collatz-Funktion}
22 begin
23   if i = 1 then
24     Collatz := 1
25   else {vor else kein Semikolon!}
26     begin
27       if i mod 2 = 0 then {durch 2 teilbar}
28         Collatz := i div 2
29       else {nicht durch 2 teilbar}
30         Collatz := 3 * i + 1;
31     end;
32 end; {function Collatz}
33 {=====}
34 begin
35   Schritt := 0;
36   j := Eingabe;
37   maxi := j;
38   while j > 1 do {Dieser Test (statt ungleich 1) bewirkt,
39                 dass negative Eingabewerte nicht verarbeitet werden.}
40     begin
41       j := Collatz(j);
42       Schritt := Schritt + 1;
43       if j > maxi then
44         maxi := j;
45     end; {while}
46     AusgabeSchrittzahl := Schritt;
47     AusgabeMaximum := maxi;
48 end; {Collatzfunktion}
49 {=====}
50 begin {des eigentlichen Programms}           {Ergebnis (hineinkopiert)}
51   zeler:=0;                                   {rein raus  maxi}
52   writeln;                                    {-----}
53   writeln('rein':6,'raus':6,'max':8);         {20      7      20}
54   writeln(' -----');                       {21      7      64}
55   for rein:=1 to 3000 do                      {22     15     52}
56     begin                                     {23     15     160}
57       Collatzfunktion(rein,raus,maxi);       {24     10     24}
58       {Ergebnisse nur fuer grosse Zahlen}   {25     23     88}
59       if (raus>150) and (maxi <> 9232) then {26     10     40}
60         begin                                 {27    111    9232}
61           zeler:=zeler+1;                     {28     18     52}
62           writeln(rein:6,raus:6,maxi:8);     {29     18     88}
63         end; {if}                             {30     18     160}

```

```

64 end; {for}
65 writeln(' -----');
66 writeln('Insgesamt ',zeler:6,' Faelle');
67 end. {Hauptprogramm}

```

Programm a04_03.p Matrizenmultiplikation mit entsprechenden Deklarationen mit verschiedenen Typen von Matrixdefinitionen und Beispielen für Funktionsprozeduren, Übung zur type-Deklaration

```

1 {Pascal/MATLAB-Kurs Okt. 2000, Gerhard Opfer, Ergaenzungen Okt. 2001}
2 (*Wir berechnen das Matrix-Vektorprodukt
3 y_j=sum_{k=1}^n a_jk*x_k, j=1,2,...,m*)
4 (* sind auch Kommentarklammern, besonders wenn {} vorkommen*)
5 program matrix_vektorprodukt;
6 const mmax=200;nmax=300;
7 type vektorm=array[1..mmax] of real;
8 vektorn=array[1..nmax] of real;
9 matrix=array[1..mmax,1..nmax] of real;
10 matrix_alternativ=array[1..mmax] of vektorn;
11 var mm,nn:integer;
12 B:matrix;
13 B_alternativ:matrix_alternativ;
14 u:vektorm;
15 v:vektorn;
16 {=====}
17 function matrix_mal_vektor(m,n:integer;A:matrix;x:vektorn):vektorm;
18 var j,k:integer;
19 s:real;
20 begin
21 for j:=1 to m do
22 begin
23 s:=0;
24 for k:=1 to n do
25 s:=s+A[j,k]*x[k];
26 matrix_mal_vektor[j]:=s;
27 end; {for j}
28 end; {function}
29 {=====}
30 function matrix_mal_vektor_alternativ
31 (m,n:integer;A:matrix_alternativ;x:vektorn):vektorm;
32 var j,k:integer;
33 s:real;
34 begin
35 for j:=1 to m do
36 begin
37 s:=0;
38 for k:=1 to n do
39 s:=s+A[j][k]*x[k];
40 matrix_mal_vektor_alternativ[j]:=s;
41 end; {for j}
42 end; {function}
43 {=====}
44 begin {Hauptprogramm}
45 mm:=3;nn:=2;
46 B[1,1]:=1;B[1,2]:=2;
47 B[2,1]:=3;B[2,2]:=4;
48 B[3,1]:=5;B[3,2]:=6;
49 v[1]:=-2; v[2]:=3;
50 u:=matrix_mal_vektor(mm,nn,B,v);
51 writeln(u[1]:6:0,u[2]:6:0,u[3]:6:0,u[4]:6:0);
52 {dasselbe mit dem alternativen Programm:}
53 B_alternativ[1][1]:=1;B_alternativ[1][2]:=2;
54 B_alternativ[2][1]:=3;B_alternativ[2][2]:=4;
55 B_alternativ[3][1]:=5;B_alternativ[3][2]:=6;
56 u:=matrix_mal_vektor_alternativ(mm,nn,B_alternativ,v);
57 writeln(u[1]:6:0,u[2]:6:0,u[3]:6:0,u[4]:6:0);

```

```

58 end. {Hauptprogramm}
59 {=====}
60 {Ergebnis in beiden Faellen:
61 4      6      8      0      (0 ist zufaellig!)}

```

Programm a04.04.p Programm zum Testen von DIN 66256, Stufe 1. Wenn implementiert, können z. B. array-Grenzen abgefragt werden. Geht nicht auf Turbo- und Free-Pascal, jedoch auf Sun- und Gnu-Pascal

```

1 program Pascal_Norm_Stufe_1;
2
3 {Pascal/MATLAB-Kurs Okt. 2000, Gerhard Opfer}
4 {DIN 66256 Stufe 1, Herschel & Pieper, 5. Aufl. S. 134/135}
5 {Pruefen ob diese Stufe implementiert ist. Bei turbo nein, man erhaelt in der}
6 {2. Programmzeile "procedure p(..." eine Fehlermeldung,}
7 {gibt auch Fehlermeldung bei "Free Pascal (Linux-Variante)}
8 {bei Sun-Pascal: ja, Ergebnis s. u.funktioniert. Das Funktionieren}
9 {dieser Stufe erlaubt das Abfragen von array-Grenzen, also sehr nuetzlich.}
10
11 var a:array[1..10] of real;
12     b:array[-5..5] of real;
13     m,n:integer;
14 procedure p(var x:array[unten..oben:integer] of real;var u,o:integer);
15 var j:integer;
16 begin
17   for j:=unten to oben do
18     x[j]:=j;
19   u:=unten; o:=oben {das letzte Semikolon kann entfallen}
20 end; {procedure}
21 begin {Hauptprogramm}
22   p(a,m,n);
23   writeln(m:3,n:3,a[m]:3:0,a[n]:3:0);
24   p(b,m,n);
25   writeln(m:3,n:3,b[m]:3:0,b[n]:3:0);
26 end. {Hauptprogramm}
27 {Ergebnis auf Sun-Pascal:
28  1 10  1 10
29 -5  5 -5  5
30 Funktioniert also auf Sun-Pascal}

```

Programm a05_01.p Programmwiederholungen mit for

```

1 {Pascal-MATLAB-Kurs WS 2001, Gerhard Opfer}
2 program Summe_1_bis_10;
3 {Wiederholungen mit for}
4 var Summe, Zahl: integer;
5 begin
6   Summe:=0;
7   for Zahl:=1 to 10 do
8     Summe:=Summe+Zahl;
9     writeln('Summe = ',Summe:3); {muss 55 rauskommen}
10 end.

```

Programm a05_02.p Programmwiederholungen mit while

```

1 {Pascal-MATLAB-Kurs WS 2001, Gerhard Opfer}
2 program Summe_1_bis_10;
3 {Wiederholungen mit while}
4 var Summe, Zahl: integer;
5     ch:char;
6 begin
7   Summe:=0;
8   Zahl:=1;
9   while Zahl <=10 do
10    begin
11      Summe:=Summe+Zahl;

```

```

12     Zahl:=Zahl+1;
13 end;
14 writeln('Summe = ',Summe:3); {muss 55 rauskommen}
15 {etwas interessanteres Beispiel:}
16 writeln('Mehrere Zeichen hintereinander eintippen, auch Leerzeichen');
17 read(ch);
18 while ch=' ' do
19     read(ch);
20     writeln(ch);
21     {Es wird solange gelesen, bis ch kein Leerzeichen ist}
22     {Das erste Nichtleerzeichen wird ausgegeben}
23 end.

```

Programm a05_03.p Programmwiederholungen mit repeat

```

1 {Pascal-MATLAB-Kurs WS 2001, Gerhard Opfer}
2 program Summe_1_bis_10;
3 {Wiederholungen mit repeat}
4 var Summe, Zahl: integer;
5 begin
6     Summe:=0;
7     Zahl:=1;
8     repeat
9         Summe:=Summe+Zahl;
10        Zahl:=Zahl+1;
11    until Zahl > 10; {letzte addierte Zahl ist 10}
12    writeln('Summe = ',Summe:3); {muss 55 rauskommen}
13 end.

```

Programm a05_04.p Logische Elemente am Beispiel eines Schaltkreises

```

1 {Pascal-MATLAB-Kurs WS 2001, Gerhard Opfer, aus dem Arsenal von
2 Elsbeth Bredendiek}
3 program Lampe;
4 {In einem Stromkreis ist ein Schalter A hintereinander geschaltet}
5 {mit zwei parallelen Schaltern B und C. Befindet sich in dem}
6 {
7 {
8 {
9 {
10 {
11 {
12 {
13 {Stromkreis eine Lampe ~, so soll in Abhaengigkeit von den Schalterstellungen}
14 {der drei Schalter ausgerechnet werden, ob die Lampe leuchtet oder nicht.}
15 {Bei x ist eine Stromquelle.}
16
17 var leuchtet, A_zu, B_zu, C_zu: boolean;
18     zA, zB, zC:char;
19 begin
20     writeln('Stromkreis: 3 Schalterstellungen eintippen. ');
21     writeln('T oder t bedeutet: Schalter geschlossen, sonst offen. ');
22     readln(zA, zB, zC);
23     {Schalterstellungen einlesen mit T oder mit t oder anderem Zeichen}
24     if (zA='T') or (zA='t') then A_zu:=true else A_zu:=false;
25     if (zB='T') or (zB='t') then B_zu:=true else B_zu:=false;
26     if (zC='T') or (zC='t') then C_zu:=true else C_zu:=false;
27     leuchtet:=A_zu and (B_zu or C_zu);
28     writeln('A geschlossen':15,
29           'B geschlossen':15,
30           'C geschlossen':15,
31           'Lampe leuchtet':15);
32     writeln(A_zu:15,B_zu:15,C_zu:15,leuchtet:15);
33 end.
34 {Ein Ergebnis:
35 STT
36 A geschlossen B geschlossen C geschlossen Lampe leuchtet

```

```

37         false         true         true         false
38 Wie man sieht, lassen sich boolesche Variable auch ausgeben}

```

Programm a05_05.p Ein- und Ausgabe in und aus Dateien, gebraucht wird Datei a05_05.erg zum Lesen

```

1 {Pascal/MATLAB-Kurs Okt. 2000 und Okt. 2001, Gerhard Opfer}
2 program schreiben_und_lesen_und_testen;
3 {Das Lesen aus Dateien und das Schreiben in Dateien wird geuebt.}
4 {Gebraucht wird eine datei a05_05.erg aus der gelesen wird.}
5 Erzeugt werden Dateien Datei1.erg und Datei2.erg in die geschrieben wird.}
6 var dat1,dat2,dat3:text;
7     x,y,z:real;
8 begin
9     rewrite(dat1,'Datei1.erg');{Datei anlegen und oeffnen}
10    {in windows etwas andere Technik:}
11    {assign(dat1,'Datei1.erg')}
12    {rewrite(dat1);}
13    rewrite(dat2,'Datei2.erg');{Datei anlegen und oeffnen}
14    reset(dat3,'a05_05.erg'); {bestehende Datei oeffnen }
15    read(dat3,x);read(dat3,y);read(dat3,z);readln(dat3);
16    write(dat2,x,' ');write(dat2,y,' ');writeln(dat2,z,' ');
17    {In dat2 wird nebeneinander geschrieben (mit Luecke)}
18    close(dat2);
19    readln(dat3,x,y,z);
20    writeln(dat1,x);writeln(dat1,y);writeln(dat1,z);
21    {In dat1 wird untereinander geschrieben}
22    close(dat1);close(dat3);
23 end.

```

Programm a06_01.p type-Deklarationen, insbesondere von Ordinaltypen (Aufzähltypen), auch in arrays

```

1 program type_deklarationen;
2 {Variable werden in der Form var ... deklariert.
3 In der auf var folgenden Liste koennen vorgefertigte, standardisierte
4 oder selbst definierte Typen vorkommen, die ueber type ...
5 definiert werden. Zu den standardisierten Typen gehoeren (fast immer):
6 char
7 boolean
8 real
9 integer
10 text
11 string (nicht Standard)
12 array ... of
13 set of
14 case ... of
15 record ... end;
16 }
17 {Wir beginnen mit einigen type-Deklarationen, vor var ... anzuordnen}
18 type Farben=(rot,gruen,blau,schwarz,weiss,magenta,cyan);
19     Attribute=(schoen,haesslich,gut,schlecht,fein,grob,modern,altmodisch,
20               farbig,farblos,bunt);
21     Geschlecht=(maennlich,weiblich,neutral);
22     Urteil=array[rot..cyan] of Attribute;
23 var f:Farben; a:Attribute; g:Geschlecht; u:Urteil;
24
25 function Eigenschaften(F:Farben):Attribute;
26 var x:Attribute;
27 begin
28     case F of
29         rot: x:=bunt;
30         gruen: x:=farbig;
31         blau: x:=altmodisch;
32         schwarz,weiss: x:=farblos;
33         magenta,cyan: x:=modern;

```

```

34 end; {case of}
35 Eigenschaften:=x;
36 end; {Eigenschaften}
37
38 begin {Hauptprogramm}
39 f:=gruen; a:=schoen;
40 u[pred(f)]:=a;
41 u[succ(magenta)]:=modern;
42 a:=u[succ(magenta)];
43 {Bei Ordinaltypen sind immer succ (Nachfolger)
44 und pred (Vorgaenger) definiert.}
45 g:=neutral;
46 writeln(u[rot], ' ',a);
47 writeln(Eigenschaften(schwarz), ' ',g);
48
49 end. {Hauptprogramm}
50 {Ergebnis
51 schoen modern
52 farblos neutral
53 }

```

Programm a06_02.p Berechnung von π mit Zufallszahlen, Übung zur Prozedurbildung und zu bedingten Anweisungen (if)

```

1 program pi;
2 {Die Zahl pi soll experimentell bestimmt werden.}
3 {Man erzeugt n gleichverteilte Paare (x,y) von Zufallszahlen im Quadrat
4 Q:=[0,1]^2 und prueft, wieviele, sagen wir m, davom im Viertelkreis liegen.
5 Das Quadrat hat die Flaeche Eins und der Viertelkreis die Flaeche pi/4.
6 Daher ist m/n approx =pi/4, also approximativ pi=4m/n}
7 {Uebung zur Prozedurbildung und zu bedingten Anweisungen (if)}
8
9 function piapprox(Anzahl_der_Versuche:integer):real;
10
11 function drin(x,y:real):boolean;
12 {Es wird festgestellt, ob (x,y) im Einheitskreis liegt}
13 begin
14   if sqr(x)+sqr(y)<1 then drin:= true else drin:=false;
15 end; {function drin}
16
17 var j,Treffer:integer;
18   x,y,xx:real;
19 begin
20   Treffer:=0;
21   for j:=1 to Anzahl_der_Versuche do
22     begin
23       x:=random(xx);y:=random(xx); {xx ist Sun-Macke, wird nicht gebraucht}
24       if drin(x,y) then Treffer:=Treffer+1;
25     end; {for}
26   piapprox:=4*Treffer/Anzahl_der_Versuche;
27 end; {function piapprox}
28
29 var piap, piexakt:real;
30   j,wieoft:integer;
31 begin {Hauptprogramm}
32   piexakt:=4*arctan(1);
33   wieoft:=1;
34   for j:=1 to 7 do
35     begin
36       wieoft:=wieoft*10;
37       piap:=piapprox(wieoft);
38       writeln(wieoft:8,piap:8:4,abs(piap-piexakt)/piexakt:10:6);
39     end; {for}
40 end. {Hauptprogramm}
41 {Ergebnisse: (die Genauigkeit ist nicht besonders gross)
42   wieoft piaprox rel Fehler

```

```

43      10  2.8000  0.108732
44     100  3.4400  0.094986
45    1000  3.1040  0.011966
46   10000  3.1500  0.002676
47  100000  3.1374  0.001347
48 1000000  3.1430  0.000437
49 10000000 3.1418  0.000052}

```

Programm a06_03.p Berechnung der Fakultät, auch rekursiv, Demonstration von integer-Überlauf, der rekursive Aufruf verliert immer

```

1 program Fakultaeten;
2 {Pascal/MATLAB-Kurs Oktober 2000, Gerhard Opfer}
3 {Berechnung von n! auf ueblichem und rekursivem Wege}
4 {Vorsicht: hat integer nur 16 Binaerstellen, geht das ab 8! schief}
5 (*type integer=integer16;{Simulation von 16 Binaerstellen}*)
6 var n,j,z:integer;
7
8 function faknormal(m:integer):integer;
9 var j,erg:integer;
10 begin
11   erg:=1;
12   for j:=2 to m do
13     erg:=erg*j;
14   faknormal:=erg;
15 end; {function}
16
17 function fakrekursiv(m:integer):integer;
18 begin if m>1 then
19   fakrekursiv:=fakrekursiv(m-1)*m   else
20   fakrekursiv:=1;
21 end; {function}
22
23 function fakrekursivalt(m:real):real;
24 begin           {reelle Arithmetik!}
25 if m>1 then
26   fakrekursivalt:=fakrekursivalt(m-1)*m
27 else
28   fakrekursivalt:=1;
29 end; {function}
30
31 begin {Hauptprogramm}
32   for j:=1 to 13 do
33     writeln(j:3,faknormal(j):12,fakrekursiv(j):12,fakrekursivalt(j):12:0);
34   z:=clock; {Sun-Pascal: Zeit in Millisekunden}
35   for j:=1 to 100000 do
36     n:=faknormal(12);
37     z:=clock-z; writeln('Zeit Normalberechnung ',z);
38     z:=clock;
39     for j:=1 to 100000 do
40       n:=fakrekursiv(12);
41       z:=clock-z; writeln('Zeit rekursive Berechnung ',z);
42   end. {Hauptprogramm}
43
44 {Ergebnisse: mit 32-stelliger Integer-Arithmetik (bis etwa 4295 Millionen)}
45   j           j!           j!           j!
46   (integer    (integer    (real
47   normal)     rekursiv)  rekursiv)
48   1           1           1           1
49   2           2           2           2
50   3           6           6           6
51   4           24          24          24
52   5           120         120         120
53   6           720         720         720
54   7           5040        5040        5040
55   8           40320       40320       40320

```

```

56 9      362880      362880      362880
57 10     3628800     3628800     3628800
58 11     39916800    39916800    39916800
59 12     479001600   479001600   479001600
60 13     1932053504  1932053504  6227020800 (integer falsch: 13!=6 227 020 800)
61 Zeit Normalberechnung 717
62 Zeit rekursive Berechnung 1633 [das sind Millisekunden, rekursiv: schlecht]
63 mit 16-stelliger Integer-Arithmetik:
64 1      1      1
65 2      2      2
66 3      6      6
67 4     24     24
68 5     120    120
69 6     720    720
70 7     5040   5040
71 8     -25216 -25216 (8!=40320, oberhalb 32767=2^15-1)
72 9     -30336 -30336}

```

Programm a06_04.p Übungen zu type-Deklaration mit set (Mengen), Mengenoperationen, auch Prozedurbildung

```

1 {Pascal/MATLAB-Kurs Oktober 2000 und 2001, Gerhard Opfer}
2 program mengen;
3 (*In Pascal sind auch Mengen erlaubt, die klassisch durch Aufzaehlung
4 in der Form Z:={1,2, 5, 10} oder F={rot,gruen,blau} geschrieben werden*)
5 (*Mengenoperationen:
6 verbal          TeX          Pascal
7 -----
8 Mengenbildung durch Aufzaehlung: {   }      [   ]
9 Vereinigung          \cup          +
10 Durchschnitt        \cap          *
11 Differenz           \backslash      -
12 Teilmenge A in B    \subseteq    A<=B
13 Teilmenge B in A    \supseteq    A>=B
14 Element von        \in          in
15 leere Menge        \emptyset    []
16 Gleichheit          =           =
17 Ungleichheit       \not=        <>
18 -----*)
19 type kl_Bu='a'..'z';
20      gr_Bu='A'..'Z';
21      Ziffer=0..9;
22      Bit=0..1;
23      Wort=set of kl_Bu; {alle Teilmengen mit kl. Buchstaben}
24      Zahl=set of Ziffer;
25      {Potenzmenge=set of Zahl;} {Menge von Mengen}
26      {line 24 - Set type must be range or scalar, not set, geht also nicht}
27 var w1,w2,w3,w4,w5,vokale,konsonanten: Wort;
28     z1,z2,z3,z4: Zahl;
29
30 {Wieviele Elemente enthaelt eine Menge?}
31 function kard(x:Wort):integer;
32 var w:kl_Bu; j:integer;
33 begin
34     j:=0;
35     for w:='a' to 'z' do
36         if w in x then j:=j+1;
37     kard:=j;
38 end; {geht auch direkt mit card}
39
40 {Wie macht man eine Menge sichtbar?}
41 procedure sichtbar_machen(x:Wort);
42 var j:kl_Bu;
43 begin
44     j:='a';
45     while x<>[] do

```



```

46 begin
47   if j in x then
48     begin
49       write(j);
50       x:=x-[j];
51     end; {if}
52     j:=succ(j);
53   end; {while}
54   writeln;
55 end; {sichtbar_machen}
56
57 begin
58   w1:=[]; {leere Menge}
59   w2=['a','c']; {Aufzaehlung}
60   w3=['c','a'];
61   w4=['a','b','d','f'];
62   z1=[1,3,5,7,9];
63   z2=[0,2,4,6,8];
64   vokale=['a','e','i','o','u'];
65   konsonanten=['a'..'z']-vokale; {Mengendifferenz}
66   writeln(kard(konsonanten):3);
67   sichtbar_machen(w1);
68   sichtbar_machen(w2);
69   w2:=w3+w4; {+Vereinigung;}
70   sichtbar_machen(w2);
71   sichtbar_machen(w4);
72   w5:=w4*w2; {*=Durchschnitt}
73   if w1 <= w4 then
74     sichtbar_machen(w5);
75   write('Alle Konsonanten: ');
76   sichtbar_machen(konsonanten);
77   sichtbar_machen(w3); {Ausgabe in alphabetischer Reihenfolge!}
78   {eine weitere Anwendung von Mengen in "lotto.p", s. Programm a11_01.p}
79 end.
80
81 {Ergebnis:
82 21
83
84 ac
85 abcdf
86 abdf
87 abdf
88 Alle Konsonanten: bcd fghjklmnpqrstvwxyz
89 ac}

```

Programm a06_05.p Übungen zur type-Deklarationen, insbesondere zu Ordinaltypen, boolean, char, set, enthält Code-Tabelle zu char

```

1 {Pascal/MATLAB-Kurs Oktober 2000 und 2001, Gerhard Opfer}
2 program boolesche_Ausdruecke; {Tests mit diversen Typen, auch set}
3
4 (*In Pascal sind auch Mengen erlaubt, die klassisch durch Aufzaehlung
5 in der Form Z:={1,2, 5, 10} oder F={rot,gruen,blau} geschrieben werden*)
6
7 type Farben=(rot,blau,gruen,schwarz,weiss);
8 var b1,b2,b3:boolean;
9     x,y:real;
10    i,j:integer;
11    c:char;
12    F:Farben;
13    s:set of Farben;
14 begin
15   x:=1.2;y:=2;
16   b1:=x<y; {true}
17   b2:=(x>0) and (y<=0); {false}
18   b3:=(b1=false); {Wg b1=true ist b3=false}

```

```

19  writeln(b1,b2,b3);
20  c:='A';
21  writeln(succ(c),pred(succ(c))); {geht bei Ordinaltypen}
22  s:=[schwarz,weiss];
23  j:=card(s); {wieviele Elemente sind da drin?}
24  writeln('Die Menge s enthaelt',j:3,' Elemente, naemlich');
25  for F:=rot to weiss do
26    if F in s then
27      writeln(F);
28  F:=gruen; writeln('Nachfolger von ',F,' ist ',succ(F));
29  {F:=weiss; writeln('Nachfolger von ',F,' ist ',succ(F));}
30  {kein Nachfolger da, gibt Fehlermeldung (s. u.) und leider auch dump}
31  writeln('Nummer von ',F,' ist ',ord(F):2); {Numerierung startet bei Null!}
32  writeln('Nummer von schwarz ist ',ord(schwarz):2);
33  writeln('Die Grossen Buchstaben A...Z haben die Nummern:');
34  for c:='A' to 'Z' do
35    write(ord(c):3,' '); {hintereinander weg}
36  writeln; {danach neue Zeile}
37  writeln('Leerzeichen hat die Nummer',ord(' '):3);
38  for i:=32 to 255 do
39    begin
40      write(i:3,' ',chr(i),' ');
41      if (i mod 10 = 0) and (i>0) then writeln;
42    end;
43  writeln;
44  write('Wie geht's?');writeln; {Apostroph in der Ausgabe}
45  {funktioniert}
46  end.
47  (*Ergebnisse:
48  truefalsefalse
49  BA
50  Die Menge s enthaelt  2 Elemente, naemlich
51  schwarz
52  weiss
53  Nachfolger von gruen ist schwarz
54  Nachfolger von weiss ist
55  Fehlermeldung:
56  Enumerated type value of 5 is out of range on output
57  Nummer von gruen ist  2
58  Nummer von schwarz ist 3
59  Die Grossen Buchstaben AB...Z haben die Nummern: 65 66 ... 90 (etwas geaendert)
60  32  33 ! 34 " 35 # 36 $ 37 % 38 & 39 ' 40 (
61  41 ) 42 * 43 + 44 , 45 - 46 . 47 / 48 0 49 1 50 2
62  51 3 52 4 53 5 54 6 55 7 56 8 57 9 58 : 59 ; 60 <
63  61 = 62 > 63 ? 64 @ 65 A 66 B 67 C 68 D 69 E 70 F
64  71 G 72 H 73 I 74 J 75 K 76 L 77 M 78 N 79 O 80 P
65  81 Q 82 R 83 S 84 T 85 U 86 V 87 W 88 X 89 Y 90 Z
66  91 [ 92 \ 93 ] 94 ^ 95 _ 96 ' 97 a 98 b 99 c 100 d
67  101 e 102 f 103 g 104 h 105 i 106 j 107 k 108 l 109 m 110 n
68  111 o 112 p 113 q 114 r 115 s 116 t 117 u 118 v 119 w 120 x
69  121 y 122 z 123 { 124 | 125 } 126 ~ 127 128 129 130
70  Rest bis 255 weggelassen, da Wiedergabe unvollstaendig
71  Wie geht's?
72  *)
73  {Anmerkung: Aus der mit Pascal richtig wiedergegebenen Tabelle
74  sind in obiger Tabelle nur noch die Zeichen vor 127 richtig. Z. B. ist:
75  196 A-Umlaut, 214 O-Umlaut, 220 U-Umlaut, 223 esszett,
76  228 a-Umlaut, 246 o-Umlaut, 252 u-Umlaut, das Leerzeichen hat Nr. 32.
77  Die obige Tabelle stimmt nur partiell mit einer 1990 in Cork verabschiedeten
78  256-Zeichen-Tabelle ueberein. (s. N. Schwarz: Einfuehrung in TeX, 3. Aufl.
79  Addison-Wesley, Bonn, 1991, 336 S., Tabelle auf S. 331)}

```

Programm a07_01.m Techniken zur Behandlung von plots, insbesondere Anbringung von Beschriftungen, Positionierung auch mit der Maus, auch Strichdicken-Manipulation und Erklärung sog. handle-Graphik, Verwendung von \TeX -Zeichen

```
1 %Pascal/MATLABkurs Oktober 2000 und Oktober 2001, Gerhard Opfer
2
3 %Wir zeichnen einen Kreis und variieren das tatsaechliche Achsenverhaeltnis.
4 %Ausserdem bringen wir einige Beschriftungen an.
5 alpha=linspace(0,2*pi); %100 Punkte werden aequidistant verteilt
6 z=exp(i*alpha); %Gebrauch von komplexen Zahlen fuehrt zu einer
7 %einfachen Anweisung, i=sqrt(-1) ist vordefiniert.
8 h=plot(z); %wird unten gebraucht
9 %get(h); %auch get(plot(z)) moeglich, umfangreiche Anzeige
10 disp('kein schoener Kreis, enter!'); pause
11 axis square %die Achsen werden unabhaengig von ihrer Beschriftung gleich lang
12 %das Bild ist ein Quadrat
13 disp('axis square, enter!');
14 pause
15 axis equal %das Bild ist rechteckig, aber die Massstaebe sind auf beiden
16 %Achsen gleich
17 disp('axis equal, enter!');
18 pause
19 axis tight %Der aeussere Rahmen ist jetzt eng anliegend
20 disp('axis zusaetzlich tight, enter!');
21 pause
22 axis([0,1,0,2]) %selbstgebastelte Achsenform, zuerst x- dann y-Achse
23 disp('axis([0,1,0,2]), enter!');
24 pause
25 disp('Aeusseren Rahmen dicker machen, enter!');
26 set(gca,'linewidth',4); pause
27 disp('Aeusseren Rahmen wieder in Normaldicke bringen, enter!');
28 set(gca,'linewidth','default'); pause
29 disp('Kurve dicker machen, enter!');
30 set(h,'linewidth',4); pause
31 %Das h kommt von oben, Zeile 8
32 disp('Kurve wieder in Normaldicke bringen, enter!');
33 set(h,'linewidth','default'); pause
34 close; %Fenster wird zugemacht
35 axis auto %alte Form
36 clear all %die Bedeutung und Besetzung aller Variablen werden eliminiert
37
38 %Beschriften kann man auch mit 'legend' machen. Um griechische Buchstaben
39 %und Hoeher- und Tieferstellungen zu bewirken, koennen Anleihen aus dem
40 %Satzsystem TeX uebernommen werden: \alpha, \beta, etc auch a^3 fuer
41 %Exponenten und x_2 fuer Indizes, \it fuer Kursivdruck.
42 %Dazu machen wir ein neues Bild:
43 disp('neues Bild');
44 t=0:63;
45 a=sin(2*pi/63*t); b=cos(2*pi/63*t);
46 stem(t,a+b); %so aehnlich wie plot aber mit 'Stamm'
47 hold on;
48 disp('stem-Graphik: sin+cos, enter!');
49 pause
50 plot(t,a,'r.');
```

```
51 disp('rot gepunkteter Sinus, enter!');
52 pause
53 plot(t,b,'g--');
54 disp('gruen gestrichelter Kosinus, enter!');
55 pause
56 legend('a+b','b=cos(x)','a=sin(x)');
57 disp('Legende angebracht, enter!');
58 pause
59 title('\it Legend stimmt nicht ganz');
60 xlabel('[0,2\pi]');
61 set(gca,'ytick',[-1.5:0.1:1.5]); %Neubeschriftung der y-Achse
62 disp('neue y-Achse, enter!');
```

```

63 pause;
64 %Textposition (nicht der Text) kann auch mit Mausclick
65 %an die Zeichnung gebracht werden (sehr bequem):
66 disp('Text mit Maus positionieren (dreimal): sin + cos');
67 gtext('sin+cos');
68 disp('Text mit Maus positionieren: sin');
69 gtext('sin');
70 disp('Text mit Maus positionieren: cos');
71 gtext('cos');
72 hold off

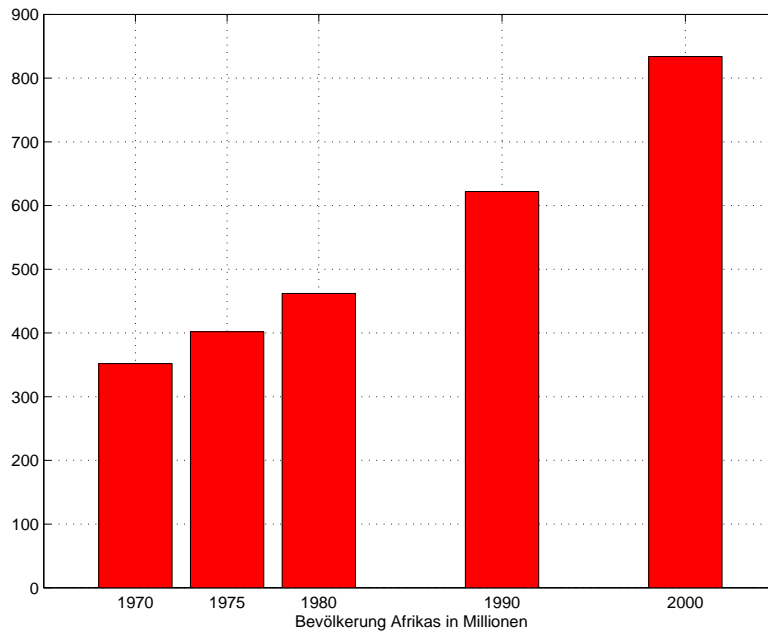
```

Programm a07_02.m Vergleich von Histogrammen mit bar und mit hist, auch zwei Bilder

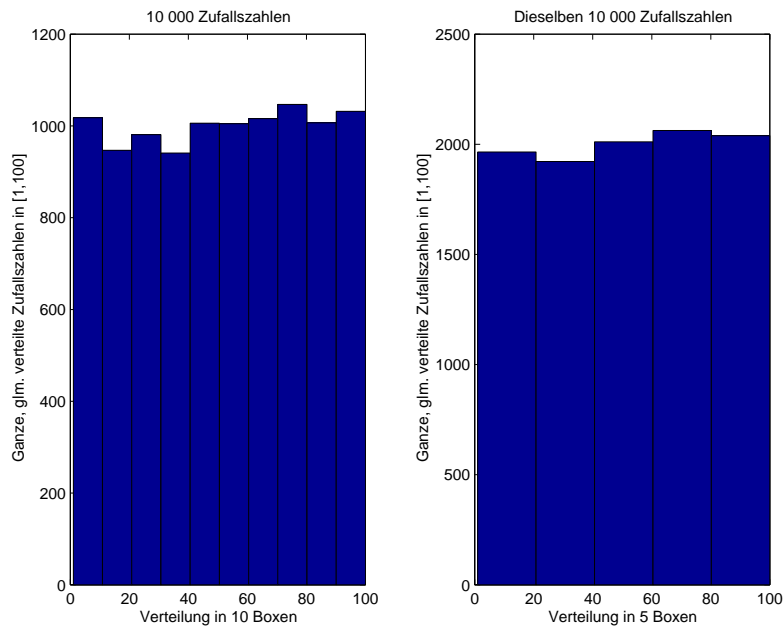
```

1 %Wie zeichnet man ein Balkendiagramm (Histogramm)
2 %Pascal/MATLAB-Kurs Okt. 2000, Gerhard Opfer
3 %In MATLAB gibt es dazu (mindestens) zwei Befehle: 'hist' und 'bar',
4 %die verschieden sch\one Bilder produzieren und auch verschieden
5 %zu bedienen sind. Wir w\ahlen ein einfaches Beispiel:
6 %Die Bev\olkerung Afrikas in den Jahren
7 %1970, 1975, 1980, 1990, 2000 betrug (bzw. wurde gesch\atzt zu)
8 % 352, 402, 462, 622, 834 Millionen Einwohner
9 %(nach DTV Lexikon, 1999, Bd. 2, S. 244).
10
11 %Der Befehl 'bar' zeichnet genau das, was man naiverweise will. Man betrachte
12 %dazu das kleine Programm unten. Im vorliegenden
13 %Fall werden die Balken rot gezeichnet, wegen 'r' als drittem Parameter. Diesen
14 %Parameter kann man aber weglassen (dann werden die Balken blau gezeichnet).
15 %Weitere Einzelheiten unter 'help bar'.
16 %Wichtig ist nur, da\ss\ der Vektor Zeit strikt monoton geordnet ist
17 %(wachsend oder fallend). Der Befehl 'grid on' (geht auch bei 'plot')
18 %erzeugt ein Hintergrundgitter zur besseren Orientierung. Und 'xlabel(...)'
19 %funktioniert genau wie bei 'plot'.
20
21 %Der Befehl 'hist' rechnet ausgehend von einem (langen) Vektor y zun\achst
22 %ymin=min(y) und ymax=max(y) aus und z\ahlt dann, wieviele Elemente
23 %von y in die Intervalle
24 %[ymin+(j-1)*(ymax-ymin)/10,ymin+j*(ymax-ymin)/10[, j=1,2,...,10
25 %fallen. Diese Anzahlen werden dann als Balken gezeichnet, und die x-Achse wird
26 %i. w. mit den Mittelwerten der Z\ahlwerte in den einzelnen Boxen
27 %beschriftet. Die oben verwendete Zahl zehn kann hinter y durch
28 %eine andere Zahl ersetzt werden.
29 %F\ur die Aufgabe 7 (Bev\olkerungsentwicklung in den USA)
30 %ist also der Befehl 'bar' bestens geeignet.
31
32 %Demonstration von 'bar':
33 Zeit=[1970, 1975, 1980, 1990, 2000];
34 Bevoelkerung=[352, 402, 462, 622, 834];
35 figure(1); bar(Zeit,Bevoelkerung,'r'); grid on;
36 xlabel('Bevoelkerung Afrikas in Millionen'); print -dpsc histo1.ps
37
38 %Demonstration von 'hist':
39 y=rand(1,10000); %10000 auf ]0,1[ gleich verteilte Zufallszahlen.
40 y=floor(100*y+1); %10000 ganze, auf [1,100] gleichverteilte Zufallszahlen.
41 figure(2); subplot(1,2,1); hist(y);
42 %Die Syntax in den Klammern ist: m,n,j: das j-te Bild einer (m x n)-Matrix
43 title('10 000 Zufallszahlen');
44 ylabel('Ganze, glm. verteilte Zufallszahlen in [1,100]');
45 xlabel('Verteilung in 10 Boxen');
46 subplot(1,2,2); hist(y,5);
47 %Farben k\onnen hier nicht wie in 'bar' eingetragen werden
48 title('Dieselben 10 000 Zufallszahlen');
49 ylabel('Ganze, glm. verteilte Zufallszahlen in [1,100]');
50 xlabel('Verteilung in 5 Boxen'); print -dpsc histo2.ps

```



Figur 7.1. MATLAB-Histogramm mit `bar` (im Original rot)



Figur 7.2. MATLAB-Histogramme mit `hist` (im Original blau)

Programm a07_03.m Funktions-Prozedur zur rekursiven Berechnung der Fakultät

```
1 %program Fakultaet nur rekursiv
2 %Pascal/MATLAB-Kurs Oktober 2000 und 2001, Gerhard Opfer
3 %Berechnung von n! auf rekursivem Wege
4
5 function m=a07_03(n);
6 if n>1
7     m=a07_03(n-1)*n;
8 else
9     m=1;
10 end;
```

Programm a07_04.m Aufruf von a07_03 und Vergleich mit direkter Berechnung

```
1 %Pascal/MATLAB-Kurs WS 2001, Gerhard Opfer
2 %Aufrufprogramm zur Fakultaet, normal und rekursiv
3 for n=[10,20,30,100]
4     m=1:n;
5     tic;           %Stoppuhr wird gestartet
6     p1=prod(m);
7     toc           %Stoppuhr wird gestoppt
8
9     tic
10    p2=a07_03(n);
11    toc
12 end;
13
14 %      prod      rekursiv
15 %n= 10: 5.8100e-04  0.0021
16 %n= 20: 4.9300e-04  0.0044
17 %n= 30: 4.9500e-04  0.0053
18 %n=100: 5.0100e-04  0.1136
19 %Die rekursive Technik verliert immer
```

Programm a08_01.m Prinzip zur Herstellung von farbigen Rechtecksmustern, mit zufälligen Farbkombinationen und einem Schachbrett

```
1 %Pascal/MATLAB-Kurs Oktober 2001, Gerhard Opfer
2 %Es soll eine gegebene mit ganzen, positiven Zahlen besetzte Matrix M
3 %als ein Farbarray gezeigt werden. Die Farben selbst werden als
4 %Tripel [r g b] dargestellt mit 0<=r, g, b<=1. Die Zahlen darin bestimmen
5 %die Mischung aus den drei Farben rot (r), gruen (g), blau (b): also z. B.
6 %[1 0 0]: rot
7 %[0 1 0]: gruen
8 %[0 0 1]: blau
9 %[0 0 0]: schwarz
10 %[1 1 1]: weiss
11 %[1 1 0]: gelb
12 %[1 0 1]: magenta
13 %[0 1 1]: cyan
14 %[0.5 0.5 0.5]: grau
15 %alpha*[1 1 1]: Grautoene, 0<=alpha<=1
16 %alpha*[1 0 0]: Rottoene, 0<=alpha<=1, kleines alpha dunkelrot
17 %[1 0.62 0.62]: Kupfer
18 %[0.49 1 0.83]: Aquamarin
19
20 %Wir beginnen mit einem einfachen Beispiel:
21 M=[1 2 3; 4 5 6];
22 %Um den Zahlen 1 bis 6 eine Farbe zuzuordnen, definieren wir eine Farbtabelle
23 %bestehend aus 6 Zeilen und 3 Spalten entsprechend der obigen Farbdefinition.
24 %Also
25
26 Map=[1 0 0 %rot
27       0 1 0 %gruen
28       0 0 1 %blau
```

```

29     0 0 0   %schwarz
30     1 1 1   %weiss
31     1 1 0]; %gelb
32 zeit=3; %Laenge der Pause in Sekunden
33 %Der Vorgang ist immer derselbe, naemlich
34
35 %1. Herstellung einer (mxn)-Matrix M mit ganzzahligen Eintr"agen
36 %   im Bereich [u,o] mit 1<=u<=o.
37 %2. Definition einer Farbtabelle Map in Form einer (o,3)-Matrix.
38 %   Die Zeile j in Map repr"sentierte die Farbe j in der Matrix M.
39 %   Dann verwende man die entscheidende Befehlssequenz
40 %   image(M);colormap(Map);
41 %   Dann wird der Schirm (oder das Papier) unterteilt in mxn Rechtecke
42 %   und das kleine Rechteck an der Position (l,k) wird gef"arbt
43 %   mit der durch j=M(l,j) definierten Farbe, die indirekt
44 %   durch die j-te Zeile von Map definiert ist.
45 image(M);colormap(Map); %Gibt hier ein 2x3 Farbmuster
46 disp('Vom Benutzer definierte Farben');pause(zeit)
47
48 %image(M) stellt die Matrix dar unter Verwendung der in Map
49 %angegebenen Informationen. Benutzt wird dazu die vorgefertigte
50 %Prozedur 'colormap', die den Zusammenhang herstellt.
51
52 %Es gibt auch vordefinierte Farbzuordnungen: Map=colorcube(n) definiert
53 %fuer die ganzen Zahlen von 1 bis n gewisse Farben.
54 image(M);colormap(colorcube(6)); %Ein Muster aus Grautoenen.
55 disp('Vorgefertigte Farbpalette "colorcube"');pause(zeit)
56
57 %Um ohne groesseren Aufwand grosse Farbmatrizen herzustellen, verwenden wir
58 %Zufallszahlen. Eine analoge Technik (mit anders definierten Matrizen)
59 %kann auch verwendet werden, um zweidimensionale Einzugsbereiche des
60 %Newton-Verfahrens zu zeichnen, gibt schoene Bilder mit fraktalen Raendern.
61
62 mm=2; nn=3;
63 for j=1:3
64     figure(j)
65     m=10^(j-1)*mm; n=10^(j-1)*nn; %zuerst (2,3), dann (20,30), dann (200,300)
66     M=round(63*rand(m,n))+1; %gibt ganze Zufallszahlen in [1,64]
67     Map=rand(64,3); %64 Zeilen mit jeweils drei Zufallszahlen in [0,1]
68     image(M); colormap(Map);
69     figure(j+3);
70     image(M); colormap(colorcube); %Dasselbe mit anderer Farbtabelle
71 end; %for
72 pause(5); close(1:6);
73
74 %Weiteres Beispiel: Schachbrett
75 disp('Schachbrett');
76 Schachbrett=zeros(8,8);
77 Schachbrett(1:2:7,1:2:7)=ones(4,4);
78 Schachbrett(2:2:8,2:2:8)=ones(4,4); %schachbrettartige Verteilung von 0 und 1
79 Schachbrett=Schachbrett+1; %schachbrettartige Verteilung von 1 und 2
80 map=[0,0,0;1,1,1]; %nur schwarz-weiss, Farbe1=schwarz.
81 image(Schachbrett);colormap(map); axis square;
82 xlabel('Schachbrett');
83 %Aufgabe: Man verwandele die senkrechten 1,...,8 in A,...,H

```

Programm a08_02.m surf als Darstellungsmittel für Matrizen

```

1 %Pascal/MATLAB-Kurs WS 2001, Gerhard Opfer
2 %Der fuer die Darstellung von Flaechen ueber dem R^2 konzipierte Befehl
3 %surf (von surface=Oberflaeche) kann gut zur Visualisierung wesentlicher
4 %Merkmale von Matrizen verwendet werden, insbesondere kann Bandstruktur
5 %gut erkannt werden.
6
7 n=12;
8 J=(eye(n)); %eye(n)=(nxn)-Einheitsmatrix
9 figure(1);

```

```

10 surf(J); view(-45,30); %Blickwinkel: Azimut und Hoehe
11 zlabel('Einheitsmatrix')
12 figure(2)
13 I=[zeros(n-1,1),eye(n-1);zeros(1,n)]; %Superdiagonale ist 1
14 K=[[zeros(1,n-1);eye(n-1)],zeros(n,1)]; %Subdiagonale ist 1
15 surf(0.8*I+J-2*K); view(-45,30); %Blickwinkel
16 xlabel('3-Bandmatrix')
17 figure(3)
18 H=invhilb(round(n/2)); %inverse Hilbertmatrix, Eintraege ganzzahlig,
19 %Vorzeichen schachbrettartig,
20 surf(H); view(-37.5,0);
21 xlabel('Inverse Hilbertmatrix, frontal');

```

Programm a09_01.m Zeichnen von Kurven, am Beispiel von Zykloiden, Epizykloiden, Hypozykloiden; Zeichnen von Kurven im \mathbb{R}^3 , auch sog. stem-plots, Einstellung des Blickwinkels, Hinweise auf demo-Programme

```

1 %Pascal/MATLAB-Kurs WS 2001, Gerhard Opfer
2 %Wir kennen gewoehnliche Funktionsplots (sinus, etc), wie zeichnet man aber
3 %parametrisierte Kurven? Beispiel: Zykloide. Welche Kurve macht eine
4 %bestimmte Stelle einer Fahrradspeiche beim Radfahren?
5 disp('Demonstration verschiedener Kurven und Darstellungstechniken');
6 Zeit=3;
7 figure(1)
8 t=linspace(-4*pi,4*pi); rho=1;
9 for a=[0.25,1,4]
10 x=rho*t-a*sin(t);
11 y=rho-a*cos(t);
12 plot(x,y,[t(1),t(length(t))],[0,0],'r');
13 if a<rho
14 xlabel('Gedehnte Zykloide');end;
15 if a==rho
16 xlabel('Gemeine Zykloide');end;
17 if a>rho
18 xlabel('Verschlungene Zykloide');end;
19 axis equal,pause(Zeit)
20 end;
21
22 %Ergebnis: dieselbe Technik wie bei Kurvenplots
23 %geht auch bei den parametrisierten Kurven.
24 %Wir machen dasselbe nochmal mit einer Epizykloide (laeuft aussen auf einem Kreis)
25 %Laeuft man innen auf dem Kreis entsteht eine Hypozykloide.
26 figure(2)
27 t=linspace(-pi,pi); rho=1; r=2;
28 for a=0.5:0.5:1.5;
29 z=r*exp(i*t);
30 x=(r+rho)*cos(t)-a*cos((r+rho)*t/rho);
31 y=(r+rho)*sin(t)-a*sin((r+rho)*t/rho);
32 plot(x,y);hold on;plot(z,'r');hold off
33 if a<rho
34 xlabel('Gedehnte Epizykloide');end;
35 if a==rho
36 xlabel('Gemeine Epizykloide');end;
37 if a>rho
38 xlabel('Verschlungene Epizykloide');end;
39 axis equal,pause(Zeit)
40 end;
41
42 figure(3)
43 t=linspace(-pi,pi); rho=0.5; r=2;
44 for a=[0.25,0.5,1,2]
45 z=r*exp(i*t);
46 x=(r-rho)*cos(t)+a*cos((r-rho)*t/rho);
47 y=(r-rho)*sin(t)-a*sin((r-rho)*t/rho);
48 plot(x,y);hold on;plot(z,'r');hold off
49 if a<rho

```



```

50     xlabel('Gedehnte Hypozykloide');end;
51     if a==rho
52         xlabel('Gemeine Hypozykloide');end;
53     if a>rho
54         xlabel('Verschlungene Hypozykloide');end;
55     axis equal,pause(Zeit);
56 end;
57 close(1:3); %alle drei Fenster werden geschlossen
58
59 %Wie zeichnet man eine 3D-Kurve, also so etwas wie einen Draht im R^3
60 %Zylindrische Spirale
61 figure(1)
62 t=linspace(0,10*pi,300);
63 x=cos(t);
64 y=sin(t);
65 z=t;
66 plot3(x,y,z);
67 ylabel('Weinwendige Kurve'), pause(Zeit);
68
69 %Zylindrische Spirale anders herum
70 figure(1)
71 t=linspace(0,10*pi,300);
72 x=-cos(t);
73 y=sin(t);
74 z=t;
75 plot3(x,y,z,'r');
76 ylabel('Hopfenwendige Kurve'),pause(Zeit)
77
78 %Bettfeder
79 figure(1)
80 t=linspace(0,10*pi,300);
81 x=(10*pi-t).*cos(t);
82 y=(10*pi-t).*sin(t);
83 z=t;
84 plot3(x,y,z);
85 xlabel('Weinwendige Bettfeder'),pause(Zeit)
86
87 %Bettfeder aus Verschiedenen Perspektiven mit stem-Plots
88 figure(2)
89 lenge=6*pi;
90 t=linspace(0,leenge,300);
91 x=(leenge*pi-t).*cos(t);
92 y=(leenge*pi-t).*sin(t);
93 z=t;
94 stem3(x,y,z,'dr'); %rot und 'diamond'=Rhombus
95 xlabel('Verschiedene Blickwinkel'),
96 view([-65,30]),
97
98 figure(3)
99 stem3(x,y,z,'dr'); %rot und 'diamond'=Rhombus
100 xlabel('Verschiedene Blickwinkel'),
101 view([65,30]),
102
103 figure(4)
104 stem3(x,y,z,'dr'); %rot und 'diamond'=Rhombus
105 xlabel('Verschiedene Blickwinkel'),
106 view([65,-30]),
107
108 figure(5)
109 stem3(x,y,z,'dr'); %rot und 'diamond'=Rhombus
110 xlabel('Verschiedene Blickwinkel'),
111 view([65,100]),
112
113 pause(Zeit);     close(1:5);
114 disp('Start vom Demoprogramm [umfangreich], klick Visualisation');
115 demo

```

Programm a10_01.m Tonys Trick zur Vervielfachung von Vektoren zu Matrizen

```
1 %Pascal/MATLAB-Kurs WS 2001, Gerhard Opfer
2 %Es geht darum, mit moeglichst wenig Rechenaufwand einen Vektor
3 %als Matrix zu wiederholen. Die jetzt zu besprechende Vervielfachungstechnik
4 %ist als "Tonys Trick" bekannt.
5
6 %Ist x ein gegebener Spaltenvektor, so moechte man eine Matrix herstellen,
7 %in der jede Spalte x enthaelt, und entsprechend: ist y ein Zeilenvektor,
8 %so moechte man eine Matrix erzeugen, in der jede Zeile mit y uebereinstimmt. Sei
9 x=[1:5]' %ein Spaltenvektor, dann ist
10 x(:,1) %derselbe Vektor. Ein Vektor ist also auch eine Matrix.
11 x(:,[1,1]) %ist derselbe Vektor zweimal nebeneinander geschrieben und
12 x(:,[1;1]) %liefert dieselbe Verdoppelung. Entsprechend
13 x(:,ones(6,1)) %wird jetzt x als Spalte versechsfacht. Dasselbe geht auch mit Zeilen.
14 y=1./[1:6]
15 y(ones(5,1),:)
16 y(ones(1,5),:) %liefern beide eine Vervielfachung von y
17
18 %Man kann also leicht die dyadische Summe von x und y bilden:
19 %vgl. Programm a05_01.m
20 X=x(:,ones(length(y),1))
21 Y=y(ones(1,length(x)),:)
22 dyadische_Summe=X+Y
23 %Man braucht genau m*n (hier also 30) Additionen (flops)
```

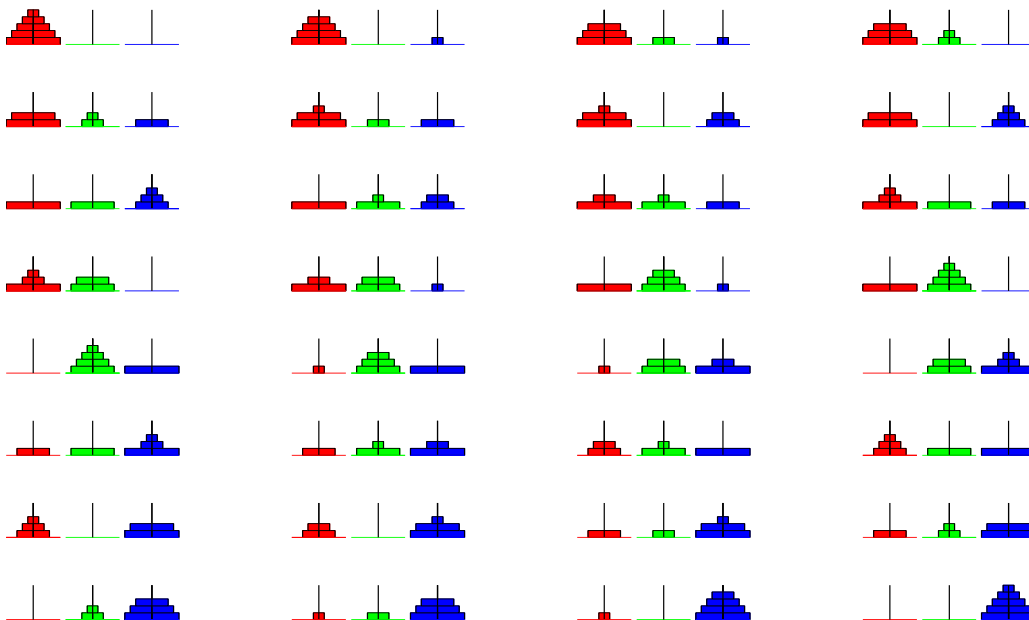
Programm a10_02.m Turm von Hanoi, rekursive Umschichtung

```
1 %Pascal/MATLAB-Kurs WS 2001, Gerhard Opfer
2 %Turm von Hanoi, rekursive Prozedur
3 %nach einem Pascal-Programm von Elsbeth Bredendiek (ca. 1990).
4 %Diese Pascal-Prozedur hatte nur die folgenden 9 Zeilen:
5 %
6 % procedure hanoi(n:integer;A,B,C:char);
7 % begin
8 %   if n>0 then
9 %     begin
10 %       hanoi(n-1,A,C,B);
11 %       writeln('Stein ',n:3,' von Turm ',A,' nach Turm ', C);
12 %       hanoi(n-1,B,A,C);
13 %     end; {if n}
14 % end; {hanoi}
15 %
16 %Es geht darum, einen Turm in Position 1, der von oben nach unten n "Steine"
17 %verschiedener, wachsender Groesse 1,2,...,n enthaelt, unter zuhelfenahme eines
18 %Turms in Position 2 auf einen Turm in Position 3 so umzuschichten, dass auf
19 %dem Turm in Position 3 dieselbe Anordnung entsteht wie am Anfang auf dem
20 %Turm in Position 1 unter Benutzung der folgenden Regeln:
21 %(a) Es wird jeweils nur ein Stein, naemlich der oberste eines Turms bewegt,
22 %(b) niemals liegt ein groesserer Stein auf einem kleineren Stein.
23 %
24 %Der Inhalt der drei Tuerme wird in jedem Zwischenschritt in den drei
25 %Vektoren Turm1,Turm2,Turm3 gespeichert. Diese Information
26 %wird zum Zeichnen der Tuerme benutzt.
27 %Diese Prozedur wird mit dem Programm "turmcalls" aufgerufen. Zur
28 %Verfuegung stehen muss auch das Programm "turmzeichnen".
29 %function []=Hanoi(n,Pos1,Pos2,Pos3);
30
31 %Diese Datei ist vor Benutzung umzubenennen in Hanoi.m
32
33 function []=Hanoi(n,Pos1,Pos2,Pos3);
34 global Turm1; global Turm2; global Turm3; global z; global mfix;
35 global Farbe1; global Farbe2; global Farbe3;
36 if n>0
37 Hanoi(n-1,Pos1,Pos3,Pos2);
38 disp(['Verlagerung von Stein ',int2str(n),' von Pos ',...
39 int2str(Pos1),' auf Pos ',int2str(Pos3)]);
```

```

40 s1=['j1=find(Turm',int2str(Pos1),'==n);Turm',int2str(Pos1),'(j1)=[;'];
41 s2=['Turm',int2str(Pos3),'=[Turm',int2str(Pos3),'n];'];
42 eval(s1); eval(s2); z=z+1;
43 if mfix==1
44     subplot(1,2,z); else
45     subplot(2^(mfix-2),4,z);
46 end;
47 turmzeichnen(mfix,Turm1,Turm2,Turm3,Farbe1,Farbe2,Farbe3);
48 Hanoi(n-1,Pos2,Pos1,Pos3); %Es werden insgesamt 2^n-1 Schritte benoetigt.
49 end; %if n>0
50
51 %Ergebnis aus den Pascal-Programm
52 %(dieses MATLAB-Programm liefert dasselbe)
53 %Wie hoch soll der Turm sein? 4
54 %Scheibe 1 von 1 nach 2
55 %Scheibe 2 von 1 nach 3
56 %Scheibe 1 von 2 nach 3
57 %Scheibe 3 von 1 nach 2
58 %Scheibe 1 von 3 nach 1
59 %Scheibe 2 von 3 nach 2
60 %Scheibe 1 von 1 nach 2
61 %Scheibe 4 von 1 nach 3
62 %Scheibe 1 von 2 nach 3
63 %Scheibe 2 von 2 nach 1
64 %Scheibe 1 von 3 nach 1
65 %Scheibe 3 von 2 nach 3
66 %Scheibe 1 von 1 nach 2
67 %Scheibe 2 von 1 nach 3
68 %Scheibe 1 von 2 nach 3 %in 2^n-1=15 Schritten

```



Figur 10.1. Der Turm von Hanoi, alle Schritte bei Turmhöhe $n = 5$

Programm a10_03.m Zeichnen der Türme in den Zwischenpositionen

```
1 %Hilfsprogramm zum Turm von Hanoi
2 %Drei Türme mit maximal m Kreisscheiben (gen. Steine) werden gezeichnet.
3 %Die Groesse und Anzahl der Kreisscheiben ist in den Vektoren
4 %Turm1, Turm2, Turm3 gespeichert.
5 %Turm1(1) enthaelt den grossten, untersten Stein von Turm1, etc.
6
7 %Diese Datei ist vor Benutzung umzubenennen in turmzeichnen.m
8
9 function []=turmzeichnen(m,Turm1,Turm2,Turm3,Farbe1,Farbe2,Farbe3);
10 global mfix;
11 for Fall=1:3
12     t=['Turm=Turm',int2str(Fall),',';'];
13     f=['Farbe=Farbe',int2str(Fall),',';'];
14     eval(t); eval(f);
15     if Fall==1, Pos=-2*m-1;end;
16     if Fall==2, Pos=0;end;
17     if Fall==3, Pos=2*m+1;end;
18     l=length(Turm);
19     if l==0 %wenn der Turm leer ist
20         plot([-m+Pos,m+Pos],[0,0],Farbe); %Basislinie
21         if Fall==1, hold on; end; %if Fall
22         plot([Pos,Pos],[0,m],'k'); %senkrechte Mittellinie
23         end; %if l
24     for j=1:l
25         if Fall==1, hold on; end; %if
26         k=Turm(j);
27         plot([Pos+k,Pos-k],[j-1,j-1],Farbe,...
28             [Pos-k,Pos-k],[j-1,j],Farbe,...
29             [Pos-k,Pos+k],[j,j],Farbe,...
30             [Pos+k,Pos+k],[j,j-1],Farbe);
31         fill([Pos-k,Pos-k,Pos+k,Pos+k],[j-1,j,j,j-1],Farbe);
32         plot([Pos,Pos],[0,m],'k');
33         plot([-m+Pos,m+Pos],[0,0],Farbe);
34     end; %for j
35     if Fall==3 hold off, axis([-4*m,4*m,-2,m+2]), axis off, end; %if
36 end; %for Fall
```

Programm a10_04.m Aufrufprogramm zum Turm von Hanoi

```
1 %Aufrufprogramm zum Turm von Hanoi. Zur Verfuegung stehen muss auch das
2 %Programm "turmzeichnen". Es werden alle 2^n Zwischenpositionen in kleinen
3 %subplots auf ein Blatt gezeichnet. Das funktioniert bei moderatem m<=6.
4 global Turm1; global Turm2; global Turm3; global z; global mfix;
5 global Farbe1; global Farbe2; global Farbe3;
6 z=0;
7 m=5; mfix=m;
8 m1=1;m2=2;m3=3;
9 Farbe1='r';Farbe2='g';Farbe3='b';
10 Turm1=[m:-1:1]; Turm2=[]; Turm3=[];
11 z=z+1;
12 if m==1
13     subplot(1,2,z), else
14     subplot(2^(m-2),4,z);
15 end;
16 turmzeichnen(mfix,Turm1,Turm2,Turm3,Farbe1,Farbe2,Farbe3);
17 s=['Anfang mit n = ',int2str(m),' ====='];
18 disp(s);
19 Hanoi(m,m1,m2,m3);
20 disp('Ende=====');
```

Programm a11_01.p Variable vom Typ set am Beispiel eines Programms zur Lottoziehung

```
1 {Pascal/MATLAB-Kurs Oktober 2000, Gerhard Opfer
2 aus dem Arsenal von Elsbeth Bredendiek}
3 program Definition_und_Gebrauch_von_Mengen;
4 {Simulation einer Lotto-Veranstaltung.
5 1. 20 Tips werden abgegeben, Tip = 6 verschiedene Zahlen in 1 bis 49
6 2. Ziehung wird durchgefuehrt,
7 3. Tips werden ausgewertet.}
8 type Lottotip=set of 1..49;
9 var i,j,anz,Wieviel_Tips:integer;
10   Ziehung,Tip,Richtige:Lottotip;
11   Trefferzahl:array[0..6] of integer;
12 procedure Auswahl(var Menge:Lottotip);
13 var i,zuf,ohne_Bedeutung:integer;
14 begin
15   Menge:=[]; {leere Menge}
16   for i:=1 to 6 do
17     begin
18       repeat {random in [0,1] ==> 48*random+1 in [1,49]}
19         {in DOS random(49)}
20         zuf:=round(48*random(ohne_Bedeutung)+1); {in DOS ohne_Bedeutung weglassen}
21         {zuf:=round(48*random+1);} {DOS}
22         until not (zuf in Menge); {damit alle 6 Zahlen verschieden sind}
23         Menge:=Menge+[zuf]; {Mengenoperation Vereinigung}
24         write(zuf:3);
25       end; {for}
26   end; {Auswahl}
27 begin {Hauptprogramm}
28   for i:=0 to 6 do Trefferzahl[i]:=0;
29   write('Wieviele Tips? ');
30   readln(Wieviel_Tips);
31   writeln('Ziehung');
32   writeln;
33   Auswahl(Ziehung);
34   writeln;writeln;
35   writeln('Verschiedene Tips:');
36   writeln;
37   for i:=1 to Wieviel_Tips do
38     begin
39       Auswahl(Tip);
40       Richtige:=Ziehung*Tip; {Mengenoperation Durchschnitt}
41       {wieviele Richtige?}
42       anz:=0;
43       j:=1;
44       while Richtige<>[] do
45         begin
46           if j in Richtige then
47             begin
48               anz:=anz+1;
49               Richtige:=Richtige-[j]; {Mengenoperation Komplement:}
50               {nicht j aber in Richtige}
51             end; {if j }
52             j:=j+1;
53           end; {while}
54           writeln(anz:3,' Richtige');
55           Trefferzahl[anz]:=Trefferzahl[anz]+1;
56         end; {for i}
57       writeln;
58       writeln('Null Richtige: ',Trefferzahl[0]:4);
59       writeln('Ein Richtiger: ',Trefferzahl[1]:4);
60       writeln('Zwei Richtige: ',Trefferzahl[2]:4);
61       writeln('Drei Richtige: ',Trefferzahl[3]:4);
62       writeln('Vier Richtige: ',Trefferzahl[4]:4);
63       writeln('Fuenf Richtige: ',Trefferzahl[5]:4);
```

```

64  writeln('Sechs Richtige:',Trefferzahl[6]:4);
65  writeln;
66  end.
67
68  {Ergebnisse:
69  Wieviele Tips? 20
70  Ziehung
71
72  26  9 16 27 46 35
73
74  Verschiedene Tips:
75
76  12 25  7  5 20 14  0 Richtige
77  19 48 27 38 32 41  1 Richtige
78   8 31 16 18 45 26  2 Richtige
79  20 30 39 46 43 33  1 Richtige
80  37 29 20 18 11 41  0 Richtige
81  21 23 48  7 11 47  0 Richtige
82  36 21 38 37 47  2  0 Richtige
83  16 37 13 29  3 47  1 Richtige
84  16  4 22 45 28  7  1 Richtige
85  28 13 25 12 24 20  0 Richtige
86  43 21 18 19  3  9  1 Richtige
87  26 34  6 20 38 13  1 Richtige
88  17 12 15 16 44  3  1 Richtige
89  32 20 33 36 46 12  1 Richtige
90  41 47 38 22 33 40  0 Richtige
91   9 14  7 42 37 11  1 Richtige
92   8 15 40 12 28 35  1 Richtige
93  10 49 13 22 37 42  0 Richtige
94  44 48 20 22  7 23  0 Richtige
95  12 48 32 30 13 23  0 Richtige
96
97  Null Richtige:      9
98  Ein Richtiger:     10
99  Zwei Richtige:      1
100 Drei Richtige:      0
101 Vier Richtige:      0
102 Fuenf Richtige:     0
103 Sechs Richtige:     0}

```

Programm a11_02.p Ein Programm mit Variablen vom Typ record. Das sind Variablen mit denen man z. B. den (heterogenen) Inhalt von Karteikarten simulieren kann.

```

1  {Pascal/MATLAB-Kurs Oktober 2000, Gerhard Opfer}
2  program records;
3  {Wir stellen einen neuen Variablentyp 'records' vor, den man vielleicht
4  als Inhalt einer Karteikarte interpretieren kann.
5  Wir geben einige einfache Beispiele.}
6  {Funktionsprozeduren mit Wert vom record-Typ werden von Borland-Pascal
7  nicht zugelassen. Funktioniert aber gut auf Sun-Pascal.}
8  {-----}
9  type T=1..31; {Ordinaltyp, Aufzaehlungstyp}
10     M=(Januar,Februar,Maerz,April,Mai,Juni,Juli,August,
11         September,Oktober,November,Dezember);
12     J=1900..2100;
13
14     Datum=record Tag:T;
15                 Monat:M;
16                 Jahr:J;
17                 end;
18
19     komplexe_zahl=record Realteil:real;
20                         Imaginaerteil:real;
21                         end;
22

```

```

23 var z,z1,z2:komplexe_zahl;
24     D,E:Datum;
25 {-----}
26 {*}function Addition(u,v:komplexe_zahl):komplexe_zahl;
27 {*}begin
28 {*}  Addition.Realteil:=u.Realteil+v.Realteil;
29 {*}  Addition.Imaginaerteil:=u.Imaginaerteil+v.Imaginaerteil;
30 {*}end; {Addition}
31 {-----}
32 {*}function Multiplikation(u,v:komplexe_zahl):komplexe_zahl;
33 {*}var x:real;
34 {*}begin
35 {*}x:=(u.Realteil+u.Imaginaerteil)*v.Realteil;
36 {*}Multiplikation.Imaginaerteil:=x-u.Realteil*(v.Realteil-v.Imaginaerteil);
37 {*}Multiplikation.Realteil:=x-u.Imaginaerteil*(v.Realteil+v.Imaginaerteil);
38 {*}{Es werden nur drei Multiplikationen gebraucht, statt standardmaessig vier}
39 {*}end; {Multiplikation}
40 {-----}
41 {*}function naechster_Tag(d:Datum):Datum;
42 {*}{Ausgehend vom Datum d, soll das Datum des naechsten Tages bestimmt werden}
43 {*}var t:T;
44 {*}  m:M;
45 {*}  j:J;
46 {-----}
47 {**}function letzter_Tag(d:Datum):boolean;
48 {**}{*Es soll festgestellt werden, ob das gegebene Datum auf den letzten
49 {**}Tag eines Monats faellt. Es wird unterstellt, dass das Datum richtig ist,
50 {**}also dass z. B. der 29. Februar 2001 oder der 31. April nicht vorkommt*)
51 {-----}
52 {***}function letzter_Tag_Februar(jj:J):T;
53 {***}{Es wird der letzte Tag vom Februar im Jahr jj ausgerechnet}
54 {***}begin {letzter_Tag_Februar}
55 {***}if ((jj mod 4=0) and (jj mod 100 <> 0)) or (jj mod 400=0) then
56 {***}  letzter_Tag_Februar:=29 else
57 {***}  letzter_Tag_Februar:=28;
58 {***}end;{letzter_Tag_Februar}
59 {-----}
60 {**}begin {letzter_Tag}
61 {**}t:=d.Tag;
62 {**}m:=d.Monat;
63 {**}j:=d.Jahr;
64 {**}if (((m=Januar) or (m=Maerz) or (m=Mai) or (m=Juli) or (m=August)
65 {**}  or (m=Oktober) or (m=Dezember)) and (t=31)) or
66 {**}  (((m=April) or (m=Juni) or (m=September) or (m=November)) and (t=30)) or
67 {**}  ((m=Februar) and (t=letzter_Tag_Februar(j)))) then
68 {**}  letzter_Tag:=true
69 {**}  else
70 {**}  letzter_Tag:=false;
71 {**}end; {letzter_Tag}
72 {-----}
73 {*}begin {naechster_Tag}
74 {*}t:=d.Tag;
75 {*}m:=d.Monat;
76 {*}j:=d.Jahr;
77 {*}if letzter_Tag(d) then
78 {*}begin
79 {*}  naechster_Tag.Tag:=1;
80 {*}  if m<>Dezember then
81 {*}  begin
82 {*}    naechster_Tag.Monat:=succ(m);
83 {*}    naechster_Tag.Jahr:=j;
84 {*}  end else {also Dezember}
85 {*}  begin
86 {*}    if j<>2100 then
87 {*}    begin
88 {*}      naechster_Tag.Monat:=Januar;

```

```

89  {*}      naechster_Tag.Jahr:=succ(j);
90  {*}      end else {also j=2100}
91  {*}      begin
92  {*}      naechster_Tag:=d;
93  {*}      writeln(
94  {*}      'obere Jahresgrenze erreicht, Nachfolgedatum 1. Januar 2101');
95  {*}      writeln(' kann nicht mehr bestimmt werden:');
96  {*}      end;
97  {*}      end;
98  {*}end else {also nicht letzter Tag}
99  {*}begin
100  {*}      naechster_Tag.Tag:=succ(t);
101  {*}      naechster_Tag.Monat:=m;
102  {*}      naechster_Tag.Jahr:=j;
103  {*}end;
104  {*}end; {naechster_Tag}
105  {-----}
106  begin {Hauptprogramm}
107  {Zuerst Tests mit Typ komplexe_zahl-----}
108      z1.Realteil:=3;
109      z1.Imaginaerteil:=4;
110      z2.Realteil:=-1;
111      z2.Imaginaerteil:=2;
112      writeln(z1.Realteil:4:0,z1.Imaginaerteil:4:0);
113      if z1=z2 then writeln('Vergleich von records geht: gleich')
114          else writeln('Vergleich von records geht: ungleich');
115      z:=Addition(z1,z2);
116      writeln(z.Realteil:4:0,z.Imaginaerteil:4:0);
117      z:=Multiplikation(z1,z2);
118      writeln(z.Realteil:4:0,z.Imaginaerteil:4:0);{(*)}
119      {Kommt ein record-Name oft vor, kann man ihn weglassen,
120      muss aber vorher 'with Name do' schreiben;}
121      with z do {ggf begin ... end;}
122      writeln(Realteil:4:0,Imaginaerteil:4:0);{Dasselbe wie (*)}
123  {Jetzt Tests mit Typ Datum-----}
124      D.Tag:=28;
125      D.Monat:=Februar;
126      D.Jahr:=2000;
127      E.Tag:=28;
128      E.Monat:=Februar;
129      E.Jahr:=2000;
130      if D=E then writeln('Vergleich von records geht: gleich')
131          else writeln('Vergleich von records geht: ungleich');
132
133      D.Tag:=31; D.Monat:=Maerz; D.Jahr:=2100;
134      E:=naechster_Tag(D);
135      write(D.Tag:3,'.',D.Monat:10,D.Jahr:5, ' naechster Tag: ');
136      writeln(E.Tag:3,'.',E.Monat:10,E.Jahr:5);
137
138      D.Tag:=29; D.Monat:=Juli; D.Jahr:=2001;
139      E:=naechster_Tag(D);
140      write(D.Tag:3,'.',D.Monat:10,D.Jahr:5, ' naechster Tag: ');
141      writeln(E.Tag:3,'.',E.Monat:10,E.Jahr:5);
142
143      D.Tag:=28; D.Monat:=Februar; D.Jahr:=2000;
144      E:=naechster_Tag(D);
145      write(D.Tag:3,'.',D.Monat:10,D.Jahr:5, ' naechster Tag: ');
146      writeln(E.Tag:3,'.',E.Monat:10,E.Jahr:5);
147
148      D.Tag:=28; D.Monat:=Februar; D.Jahr:=1999;
149      E:=naechster_Tag(D);
150      write(D.Tag:3,'.',D.Monat:10,D.Jahr:5, ' naechster Tag: ');
151      writeln(E.Tag:3,'.',E.Monat:10,E.Jahr:5);
152
153      D.Tag:=31; D.Monat:=Dezember; D.Jahr:=2001;
154      E:=naechster_Tag(D);

```



```

155 write(D.Tag:3, '.', D.Monat:10, D.Jahr:5, ' naechster Tag: ');
156 writeln(E.Tag:3, '.', E.Monat:10, E.Jahr:5);
157
158 D.Tag:=31; D.Monat:=Dezember; D.Jahr:=2100;
159 E:=naechster_Tag(D);
160 write(D.Tag:3, '.', D.Monat:10, D.Jahr:5, ' naechster Tag: ');
161 writeln(E.Tag:3, '.', E.Monat:10, E.Jahr:5);
162 end. {Hauptprogramm}
163 {-----}
164 {Ergebnisse:
165   3   4
166 Vergleich von records geht: ungleich
167   2   6
168  -11  2
169  -11  2
170 Vergleich von records geht: gleich
171 31.   Maerz 2100 naechster Tag:  1.   April 2100
172 29.   Juli 2001 naechster Tag: 30.   Juli 2001
173 28.   Februar 2000 naechster Tag: 29.   Februar 2000
174 28.   Februar 1999 naechster Tag:  1.   Maerz 1999
175 31.   Dezember 2001 naechster Tag:  1.   Januar 2002
176 obere Jahresgrenze erreicht, Nachfolgedatum 1. Januar 2101
177 kann nicht mehr bestimmt werden:
178 31.   Dezember 2100 naechster Tag: 31.   Dezember 2100}

```

ENDE