Tropische Diskriminanten

Tropische Geometrie erobert sich derzeit einen festen Platz im Grenzgebiet von Geometrie, Algebra und Diskreter Mathematik. Sofern es nicht zunächst um Theoriebildung geht, ist die Übersetzung algebraischgeometrischer Fragestellungen in diskret-geometrische das Markenzeichen Tropischer Geometrie. Manches Problem erhält so einen völlig neuen Lösungsansatz, gar unter Ausnutzung diskret-geometrischer Strukturen eine umfassende Lösung.

Exemplarisch zeigen wir die Stärken der Tropischen Geometrie anhand der Theorie der A-Diskriminanten im Sinne von Gelfand, Kapranov und Zelevinsky. Wohlstudierte Objekte der geometrischen Kombinatorik werden zu Kernstrukturen in der tropischen Version der A-Diskriminanten. Unter anderem erzielen wir mittels des tropischen Ansatzes eine positive Summenformel für den Grad der A-Diskriminanten unabhängig von bisher unabdingbaren Glattheitsannahmen.

Prof. Dr. Eva-Maria Feichtner