G. Opfer

Wintersemester 2001/2002 Kompaktkurs vom 1. bis 16. Oktober 2001

Allgemeine Hinweise

Auf den nachfolgenden Seiten sind Aufgaben formuliert. Die Lösungen der angegebenen Aufgaben sind nicht abzugeben, sondern zwecks Testats individuell vorzuführen. Im Regelfall ist das in den vorgesehenen Übungsstunden bei der der Übungsleiterin (Sonja Veelken), dem Übungsleiter (Florian Sahling) oder dem Veranstalter zu machen. Über die Vorführung wird auf einem individuellen Testatbogen (aus dem Netz zu kopieren, s. u.) ggf. ein Testat durch Unterschrift abgegeben. Es wird für das Vorführen insgesamt ein Zeitraum bis zum Mittwoch, dem 31. Oktober 2001, 12 Uhr eingeräumt.

Es werden insgesamt 13 Aufgaben gestellt. Davon enthalten 7 sowohl einen Pascal- wie einen MATLAB-teil und jeweils drei nur einen Pascal- oder MATLAB-teil. Insgesamt gibt es also jeweils 10 Aufgaben in Pascal und 10 in MATLAB. Um einen Übungsschein zu erwerben, sind von jeder Sorte 6 Aufgaben vollständig zu lösen.

Zum Üben ist es zweckmäßig, die Aufgaben des vorigen Jahrs zu verwenden, zu finden unter

http://www.math.uni-hamburg.de/home/opfer/aufgaben00w.html Jedes Programm muß mindestens am Anfang einen Kommentar enthalten mit folgendem Minimalinhalt:

- 1. Name der Bearbeiterin, des Bearbeiters,
- 2. Beginn der Bearbeitung (Datum),
- 3. Aufgabennummer, benutzte Programmsprache,
- 4. Stichworte zum Inhalt der Aufgabe.

Es werden in der Regel keine Aufgabenzettel und sonstige Informationen auf Papier verteilt. Es wird erwartet, daß alle TeilnehmerInnen sich diese Informationen selbst aus dem Netz unter

http://www.math.uni-hamburg.de/home/opfer/aufgaben01w.html besorgen. Die dort abgelegten Dateien haben PDF-Form (PDF=portable document format) oder ASCII-Form (American Standard Code for Information Interchange) zum Benutzen als Programm. Typisch für ASCII-Dateien sind Dateien mit Endung .pas (Pascal-Programme) oder mit Endung .m (MATLAB-Programme) oder ohne Endung (allg Informationen, z. B. in html-Format).

Um von den Sun-Rechnern (Raum 144) Pascal benutzen zu können, logge man sich unter slogin linux ein und starte dort mit pascal Dateiname.xyz. Hat die Datei die Endung .pas, so kann diese Endung beim Start weggelassen werden. Bei syntaktisch richtigem Programm wird eine Datei Dateiname (ohne Endung) erzeugt, die durch Tippen dieses Namens gestartet werden kann.

Sie müssen also zuerst lernen, die obige Netz-Seite zu finden, um die darin befindliche Information (die im Laufe des Kurses zunimmt) zu lesen, zu drucken, etc. Viel Spaß!

Version vom 1. 10. 2001

G. Opfer

Wintersemester 2001/2002 Kompaktkurs vom 1. bis 16. Oktober 2001

1. Aufgabe (Pascal und MATLAB)

Kugeln mit Radius r haben ein $Volumen\ V$ und eine $Oberfläche\ O$ und eine $Masse\ M$ nach den folgenden Formeln:

$$V := \frac{4\pi}{3}r^3, \quad O := 4\pi r^2, \quad M := V \varrho.$$

Dabei ist ϱ die Dichte der Kugel. Mit d:=2r bezeichnen wir den Durchmesser einer Kugel. Berechnen Sie Volumen, Oberfläche und Masse

- (a) einer Stahlkugel, d = 4mm, $\varrho = 7.8$,
- (b) einer Holzkugel, $d = 20 \,\mathrm{cm}$, $\varrho = 0.7$,
- (c) der Erde, $r = 6371 \text{km}, \ \varrho = 5.515.$

Berechnen Sie alle Größen in den einheitlichen Dimensionen m^3 , m^2 , kg für V, O, M. Die angegebenen Größen sind mit einem Pascal-Programm und einem MATLAB-Programm zu berechnen.

In dem MATLAB-Programm sind die drei zu berechnenden Werte für Volumen, Oberfläche, Gewicht mit einem einzigen Durchlauf auszurechnen. Um beispielsweise das Volumen auszurechen ist die Volumenformel auf die drei gegebenen Radien in Vektorform r=[r1,r2,r3] anzuwenden. Bei richtiger Formulierung ist das Ergebnis dann der Vektor V=[V1,V2,V3] der drei gesuchten Volumina. Wegen der verschiedenen Größenordnungen der Ergebnisse, ist es zweckmäßig, die MATLAB-Ergebnisse im Format format short e auszugeben.

Die Größe π ist in MATLAB als pi vordefiniert, in Pascal benutze man den Trick pi:=4*arctan(1). Um dieselbe Ausgabeform wie in MATLAB zu erzeugen, formatiere man den Pascal-Ausgabebefehl writeln in der Form writeln(V:11); Man erhält dann Zahlen im Gleitpunktformat der Form -1.2345e+06, die genau 11 Stellen benutzen. Bei nichtnegativen Zahlen, wird das Pluszeichen durch ein Leerzeichen ersetzt. Für die Darstellung von ganzen Zahlen gibt es noch zusätzliche Sonderregeln.

G. Opfer

Wintersemester 2001/2002 Kompaktkurs vom 1. bis 16. Oktober 2001

2. Aufgabe (Pascal und MATLAB)

Schreiben Sie ein Pascal- und MATLAB-Programm, in dem folgende Konstanten eingehen: $a=17.5,\ b=-13.9,\ c=248.4,\ n=4.$

Berechnen Sie dann die Ausdrücke:

(1)
$$x_1 := 2ab + \frac{3}{c^3}$$
,

(2)
$$x_2 := \frac{4 \cdot [a-b]^2}{13 \cdot [7b + c \cdot 10^{-2}]},$$

(3)
$$x_3 := \sqrt{\frac{-11b + 3c}{4a}},$$

(4)
$$x_4 := 7 \cdot 10^n \cdot a^5$$
,

(5)
$$x_5 := 5\cos a - 3(\sin b)^3 + 2(\sin c)^5$$
,

(6)
$$x_6 := 3^{3.3}$$
.

Es ist zu beachten, daß in Pascal eine Operation hoch nicht vorhanden ist, in MATLAB jedoch einfach (für y>0) durch z=y^x zu realisieren ist. Wollen Sie für positive y in Pascal den Ausdruck $z=y^x$ berechnen, so ist $\log z=x\log y$, also $z=\exp(x\log y)$. Hier ist log der Logarithmus zur Basis e, der sog. natürliche Logarithmus. In Pascal heißt der natürliche Logarithmus 1n, in MATLAB log. In vielen Fällen ist dieser Umweg aber nicht nötig. Das sollten Sie sich vorher überlegen. Die Programme sollten auch funktionieren, wenn die obigen Konstanten durch andere Konstanten ersetzt werden, die Größe n durch eine andere natürliche Zahl.

Die sechs Ergebnisse sollten in beiden Programmsprachen nebeneinander auf dem Bildschirm erscheinen. In Pascal ist das Format writeln(x_1:11,'',...) und in MATLAB das Format format short e zu wählen.

G. Opfer

Wintersemester 2001/2002 Kompaktkurs vom 1. bis 16. Oktober 2001

3. Aufgabe (Pascal und MATLAB)

Korrigieren Sie die Fehler in den angehängten Programmen Fehlerhaft (als fehlerha.pas und fehlerha.m im Netz), und machen Sie sich bei einigen Ausdrücken Gedanken über die Genauigkeit der Ergebnisse.

```
1 Programm Fehlerhaft: {mindestens 12 Fehler sind zu finden}
 2 const a=999999; b=0.2; c=999999.0;

3 var erg,p,x2,x4: real; fehlerhaft: boolean;

4 begin c:=3+c; d:=-c d:=c/d;

5 writeln('c:',c,'d:'d);

6 (* theoretical')
                                                                                                     c.d.e integer:
      (* theoretisches Ergebnis der folgenden Ausdrcke ist 0 *)
erg:=(b+c)*(b-c) - b*b + c*c; writeln(erg);
erg:=(b+c)*(b-c) + c*c - b*b; writeln(erg);
erg:=(a+b)*(a-b) - a*a + b*b; writeln(erg);
erg:=(a+b)*(a-b) + b*b - a*a; writeln(erg);
{ Polynomberechnung verschiedene Darstellungen von {p(x) = (x-1) hoch 5}
(* = (x-1)^5 *) Beispiel: x = 0,9995 }
x:=0,9995; x2:=x*x; x4:=x2*x2;
p:=x4*x - 5*x4 + 10x2*x - 10*x2 + 5*x +- 1;
writeln('p(x), direkt ermittelt : ,p);
p:=(((x-5)*x+10)*x-10)*x+5)*x-1;
writeln('n(x), nach dem 'Horner-Schema' berechnet : {{x-1}^5} = ' n);
       (* theoretisches Ergebnis der folgenden Ausdrcke ist 0 *)
10
11
12
13
14
15
16
        writeln('p(x), nach dem 'Horner-Schema' berechnet : {{x-1}^5} = ',p);
writeln('Richtiger Wert: p(x)=-3.12499999998279e-17');
(* Vergleich von Werten * )
17
18
       if 0.1*0.1*0.1=0.001 then if erg>0 or erg<0 then fehlerhaft=TRUE;
20
                                              else fehlerhaft=FALSE;
       if fehlerhaft=TRUE then writeln('richtig')
else if fehlerhaft=FALSE then writeln('falsch')
                                                     else Writeln('falscher Fehler');
        writeln(fehlerhaft)
26 end;
 1 %Programm Fehlerhaft in MATLAB {mindestens 12 Fehler sind zu finden}
 2 format compakt
 3 format Long
 5 a=999999;
 6 b=0.2;
 7 c=999999.0;
 8 c:=3+c;
9 d:=-c
10 d:=c/d;
11 %theoretisches Ergebnis der folgenden Ausdrcke ist 0 *)
12 erg:=(b+c)*(b-c) - b*b + c*c
13 erg =(b+c)*(b-c) + c*c - b*b,
14 \text{ erg} = (a+b)*(a-b) - a*a + b*b:
15 erg:=(a+b)*(a-b) + b*b - a*a.
17 %Polynomberechnung verschiedene Darstellungen von p(x) = (x-1) hoch 5 18 %Beispiel: x = 0,99995
19 x:=0,99995;
20 x2:=x*x;
21 x4:=x2*x2;
22 %1. Ausmultiplizieren:
23 p:=x4x - 5x4 + 10x2x - 10x2 + 5x +- 1
24 %2. Horner Schema
25 p:=(((x-5)*x+10)*x-10)*x+5)*x-1
26 %3. direkt
27 p==[x-1]^5
28 format short
```

G. Opfer

Wintersemester 2001/2002 Kompaktkurs vom 1. bis 16. Oktober 2001

4. Aufgabe (Pascal und MATLAB)

Wie lang ist der Anhalteweg eines Autos nach dem Erkennen einer Gefahr?

Der Anhalteweg setzt sich zusammen aus dem Reaktionsweg und dem Bremsweg.

Der Reaktionsweg ist die Strecke, die vom Erkennen einer Gefahr bis zum Beginn des Bremsens zurückgelegt wird. In dieser Zeit, die bei nicht besonders routinierten Fahrern etwa 1 Sekunde (*Reaktionszeit*) beträgt, läuft das Auto mit unverminderter, gleichförmiger Geschwindigkeit weiter. Nach einer Faustformel ist der Reaktionsweg in Metern gleich "Tachoanzeige (also in km/h) durch 3". Beispiel: Tachoanzeige 120 km/h, ergibt 120/3=40 (in m).

Der Bremsweg ist die Strecke, die das Fahrzeug vom Beginn des Bremsens bis zum Stillstand zurücklegt. Die Länge dieser Strecke hängt von verschiedenen Faktoren (Bremsqualität, Straßenbeschaffenheit, Beladung usw.) ab. Die Faustformel lautet hier "Tachoanzeige durch 10 zum Quadrat". Beispiel: Tachoanzeige 120 km/h, ergibt $(120/10)^2 = 144$ (in m). In dem Beispiel beträgt der Anhalteweg also insgesamt 184 m.

Berechnen Sie Reaktions-, Brems- und Anhalteweg nach den Faustformeln für Geschwindigkeiten von

v := 40, 70, 130 und 190 km/h.

Berechnen Sie bei den angegebenen Geschwindigkeiten den Reaktionsweg auch exakt. Benutzen Sie für alle ein- und auszugebenden Größen Variablen, so daß die Wege auch für andere Daten ausgerechnet werden können.

In dem MATLAB-Programm stellen Sie nur den Anhaltewege in Abhängigkeit von der Geschwindigkeit (für 0 bis 200km/h) graphisch dar. Die Berechnung der Weglängen für die oben angegebnen Daten kann entfallen. Beschriften Sie die Darstellung mit dem Text: "Anhalteweg (in m) in Abhängigkeit von der Geschindigkeit (in km/h)"

G. Opfer

Wintersemester 2001/2002 Kompaktkurs vom 1. bis 16. Oktober 2001

5. Aufgabe (Pascal und MATLAB)

Sind $\mathbf{x} := (x_1, x_2, \dots, x_m)^{\mathrm{T}}$, $\mathbf{y} := (y_1, y_2, \dots, y_n)^{\mathrm{T}}$ zwei (Spalten-)Vektoren der Längen m, bzw. n, so versteht man unter der dyadischen Summe von \mathbf{x} und \mathbf{y} die Matrix

$$\mathbf{M} := (m_{jk}), \text{ mit } m_{jk} := x_j + y_k, j = 1, 2, \dots, m, k = 1, 2, \dots, n.$$

für m=800, n=1200 und $x_j:=1/j, y_k:=k/(k+1)$ berechne man \mathbf{M} und messe die jeweiligen Zeiten $t_{\text{Pascal}}, t_{\text{MATLABmitS}}, t_{\text{MATLABohneS}}$, die das jeweilige Programm (auf demselben Rechner) dafür braucht. Im Pascal-Programm arbeite man mit Schleifen, im MATLAB-Programm sehe man zwei Varianten vor: eine Variante analog zum Pascal-Programm mit Schleifen eine weitere Variante ohne jede Schleife. Man berechne ggf. mit einem Taschenrechner die Verhältnisse der Zeiten

$$q_1 := rac{t_{ ext{MATLABohneS}}}{t_{ ext{Pascal}}}, \quad q_2 := rac{t_{ ext{MATLABmitS}}}{t_{ ext{MATLABohneS}}}.$$

Um im MATLAB-Programm ohne eine Schleife auszukommen, erzeuge man sich eine $(m \times n)$ -Matrix \mathbf{X} , die insgesamt n-mal den Vektor \mathbf{x} als Spalten enthält, und man erzeuge eine $(m \times n)$ -Matrix \mathbf{Y} , die m-mal den Zeilenvektor \mathbf{y}^{T} enthält. Dann ist $\mathbf{M} = \mathbf{X} + \mathbf{Y}$. Um die genannten Matrizen \mathbf{X} und \mathbf{Y} zu erzeugen, verschaffe man sich zwei Vektoren On=ones(1,n); Om=ones(m,1) und berechne $\mathbf{X}=\mathbf{x}*\mathbf{0}$ n; $\mathbf{Y}=\mathbf{0}m*\mathbf{y}$; Man gebe in beiden Fällen (Pascal und MATLAB) zur Kontrolle die Teilmatrix $\mathbf{M}(1:4,1:6)$ vierstellig nach dem Komma aus (Standardformat in MATLAB und ... $\mathbf{M}[\mathbf{j},\mathbf{k}]:6:4$, '... in Pascal). Die MATLAB-Standardprozedur ones(j,k) erzeugt eine $(j \times k)$ -Matrix, deren Elemente alle die Zahl Eins sind.

G. Opfer

Wintersemester 2001/2002 Kompaktkurs vom 1. bis 16. Oktober 2001

6. Aufgabe (MATLAB)

Wir üben das Zeichnen von einfachen Graphen. In allen Fällen zeichne man (soweit sinnvoll) zur Orientierung eine x-Achse in die Figuren ein.

- 1. Verbinden Sie zwei Punkte $(x_1, y_1) = (0, 0)$ und $(x_2, y_2) = (1, 1)$ geradlinig.
- 2. Verbinden Sie dieselben Punkte geradlinig mit einer roten Linie.
- 3. Verbinden Sie die 10 Punkte $(x_j,y_j)=(j,j^2),\ j=0,1,\ldots,9$ durch einen roten Polygonzug.
- 4. Markieren Sie die 10 Punkte zusätzlich mit einem blauen Kreis.
- 5. Zeichnen Sie sin und cos für das Intervall $[0, 2\pi]$ in eine einzige Zeichnung.
- 6. Wie in der vorigen Zeichnung, aber zeichnen Sie sin nur mit roten Punkten und cos mit blauen Strichpunkten.
- 7. Zeichnen Sie einen Kreis. Treffen Sie Vorkehrungen, daß der Kreis wie ein Kreis und nicht wie eine Ellipse aussieht. Beschriften Sie das Bild mit einer Kopf- und einer Fußzeile. Benutzen Sie dazu title, xlabel.
- 8. Zeichnen Sie auf ein Blatt 9 kleine Zeichnungen, jeweils drei nebeneinander und drei untereinander, alle auch mit einer x-Achse versehen. Zeichnen Sie in diese kleinen Felder die folgenden 9 Funktionen:
 - (a) $\sin 2\pi x$, $x \in [0, 1]$,
 - (b) $\tan x$, $x \in [-1.4, 1.4]$,
 - (c) $\arctan x, x \in [-3, 3],$
 - (d) $\sinh x, \quad x \in [-2, 2],$
 - (e) $\cosh x, \quad x \in [-2, 2],$
 - (f) $\tanh x$, $x \in [-4, 4]$,
 - (g) $\operatorname{arctanh} x$, $x \in [-0.999, 0.999]$.
 - (h) e^{-x^2} , $x \in [-1.5, 1.5]$,
 - (i) J₀, J₁, Y₀, Y₁(x), x ∈ [0, 15] für J₀, J₁, x ∈ [0.3, 15] für Y₀, x ∈ [0.8, 15] für Y₁
 (4 Bessel-Funktionen, in ein Fenster). Friedrich Wilhelm Bessel, geb in Minden 1784, gest. in Königsberg 1846. Man vgl. auch die Sondermarke (Michel-Nr. 1218) der Deutschen Bundespost aus dem Jahre 1984. Benutzen Sie subplot (in der Form subplot(3,3,j), j=1,2,...,9) und plot oder fplot.

Um nicht alle Figuren in dasselbe Fenster zu zeichnen, schreiben sie vor jede Zeichnung figure (n), wobei n für die Nummer der Zeichnung steht, n läuft also von 1 bis 8.

G. Opfer

Wintersemester 2001/2002 Kompaktkurs vom 1. bis 16. Oktober 2001

7. Aufgabe (MATLAB)

Führen Sie eine einfache Simulation für die Entwicklung der Bevölkerung von Nordamerika durch (keine komplizierten Formeln, sondern rechnen Sie jahresweise die Entwicklung aus). Am Anfang des Jahres 1991 hatte Nordamerika etwa 251 Millionen Einwohner, die Geburtenrate betrage 12/1000 und die Sterberate 11/1000. D. h., bis Anfang 1992 gibt es 3012000 Geburten und 2761000 Sterbefälle, also insgesamt einen Zuwachs von 251000 Personen.

- a) Wie wird sich die Einwohnerzahl unter den gemachten Annahmen bis zum Jahr 2025 weiter entwickeln? Geben Sie ein Histogramm der Einwohnerzahlen an bis zum Jahr 2050 an.
- b) Wann wird unter den oben gemachten Voraussetzungen die Einwohnerzahl erstmals 260 Millionen erreichen oder überschreiten?
- c) Experimentieren Sie mit anderen Werten für die Geburten- und Sterberate und zwar mit: Geburtenrate-Sterberate=0.0005, 0.01, 0.1 und lösen Sie mit diesen Daten die bei a) und b) gestellten Aufgaben.

Hinweis: Verwenden Sie zum Zeichnen der Histogramme den Befehl bar in der Form bar(J,Einwohnerzahl(J),0.4) mit J=[1991:2050]. Der dritte Parameter in bar ist die Balkenbreite.

G. Opfer

Wintersemester 2001/2002 Kompaktkurs vom 1. bis 16. Oktober 2001

8. Aufgabe (Pascal und MATLAB)

Geburtstagsparadoxon:

Mit welcher Wahrscheinlichkeit haben in einer Gruppe von k Personen zwei am gleichen Tag Geburtstag? Wir vergessen dabei den 29. Februar.

Einfacher zu behandeln ist das Problem: Mit welcher Wahrscheinlichkeit haben in einer Gruppe von k Personen keine zwei am gleichen Tag Geburtstag? Dieses Problem können wir folgendermaßen lösen:

Person 1 hat einen bestimmten Geburtstag. Soll Person 2 einen anderen Geburtstag haben, so kommen nur noch 364 von 365 Tagen in Frage. Die Wahrscheinlichkeit ist also $\frac{364}{365}$. Für Person 3 bleiben noch 363, für Person 4 noch 362 von 365 Tagen usw. Die Wahrscheinlichkeit, daß von k Personen keine zwei am gleichen Tag Geburtstag haben, ist dann das Produkt

$$p_k := \frac{364}{365} \cdot \frac{363}{365} \cdot \frac{362}{365} \cdot \dots \cdot \frac{365 - k + 1}{365}, \quad k \ge 2.$$

Die ursprünglich gesuchte Wahrscheinlichkeit w_k für das Zusammenfallen von Geburtstagen bei k Personen ist also

$$w_k := 1 - p_k$$
.

- a) Geben Sie in einer Tabelle für $k:=10,60,110,\ldots,360$ die Wahrscheinlichkeiten w_k in Prozent an.
- b) Schreiben Sie einen weiteren Programmteil, in dem Sie zu vorgegebener Wahrscheinlichkeit w mit 0 < w < 1 die Personenzahl k ausrechnen für die $w_{k-1} < w \le w_k$ gilt. Als Beispiele berechnen Sie die zu den Wahrscheinlichkeiten w = 0.1, 0.5, 2/3, 0.75, 0.9 gehörenden Personenzahlen k aus.

Berechnen Sie im MATLAB-Programm die Produkte ohne Schleifen.

G. Opfer

Wintersemester 2001/2002 Kompaktkurs vom 1. bis 16. Oktober 2001

9. Aufgabe (Pascal)

Berechnen Sie $y:=e^{-x^2}$ für x=0.01,0.1,0.5,1,3,5 mit Hilfe der unendlichen Reihe

$$y := e^{-x^2} = 1 - \frac{x^2}{1!} + \frac{x^4}{2!} - \frac{x^6}{3!} + \dots + (-1)^n \frac{x^{2n}}{n!} + \dots$$

Die Reihe werde abgebrochen, wenn zum ersten Mal

$$\left| (-1)^n \frac{x^{2n}}{n!} \right| < 10^{-7} \text{ oder wenn } n > 50$$

ist. Das Rechenergebnis heiße y_{\approx} . Formulieren Sie das Ergebnis dieser Rechnung als Prozedur mit dem Eingangsparameter x und den Ergebnisparametern yapprox, n.

Die sechs Rechenergebnisse fassen Sie in einer Tabelle folgendermaßen zusammen:

$$n, x, y_{\approx}, y, \text{ abs}(y - y_{\approx}), \text{ abs}((y - y_{\approx})/y).$$

Dabei sind die zuletzt aufgeschriebenen beiden Zahlen die (absoluten und relativen) Fehler von y_{\approx} . Fassen Sie die Ergebnisse mit einem aus einem Satz bestehenden Kommentar zusammen.

G. Opfer

Wintersemester 2001/2002 Kompaktkurs vom 1. bis 16. Oktober 2001

10. Aufgabe (Pascal)

Schreiben Sie eine Funktionsprozedur der Aufrufform y:=f(Fall,x), wobei Fall eine ganzzahlige Variable ist, die dazu dient aus einer größeren Menge von Funktionen eine auszuwählen. Wählen Sie die folgenden Funktionen:

- $1. \sin,$
- $2. \cos$
- 3. tan,
- 4. arctan,
- 5. abs,
- $6. \exp,$
- 7. sqr,
- 8. sqrt,

muß $x \ge 0$ sein.

9. ln.

Im vorliegenden Fall bedeutet also y:=f(4,x) die Berechnung von $y:=\arctan(x)$. Verwenden Sie als wesentliches Sprachelement die case...of-Anweisung. Prüfen Sie ob alle angegebenen Funktionen auch zum Standardrepertoire von Pascal gehören. Wenn nicht, ersetzen Sie entsprechend. Sehen Sie auch den Fall vor, daß Fall nicht im vorgegebenen Bereich liegt. Berechnen Sie y:=f(Fall,0.5) für alle Fälle Fall:=1,2,...,10. Sehen Sie auch eine fallabhängige Fehlermeldung vor, sofern das eingegebene x nicht zum Definitionsbereich der entsprechenden Funktion gehört. Im Fall 8 (sqrt) zum Beispiel

G. Opfer

Wintersemester 2001/2002 Kompaktkurs vom 1. bis 16. Oktober 2001

11. Aufgabe (Pascal)

Ein Student schickt seinem Vater eine E-mail, in der er ihn um Geld bitten will. Da es ihm peinlich ist, schon wieder um Geld bitten zu müssen und um zu zeigen, daß er intelligent ist, verschlüsselt er den gewünschten Betrag.

Er bittet seinen Vater, ihm den Betrag von MONEY DM zu überweisen, wobei MONEY definiert wird durch

und jeder Buchstabe eine Ziffer bedeutet, und zwei verschiedene Buchstaben niemals die gleiche Ziffer.

Der gutwillige Vater versucht, das Rätsel zu lösen. Er findet, daß M notwendig eine Eins sein muß, da zwei einstellige Zahlen nie einen höheren Übertrag als 1 ergeben können. S muß dann 9 oder 8 sein, weil sonst S + M keinen Übertrag liefern würde! Schlußfolgerungen dieser Art werden ihm zu mühsam. Er zieht es vor, die Lösung in einem Programm zu finden und prüft für alle möglichen Besetzungen der Buchstaben – unter Ausnutzung der eben angestellten Überlegungen –, ob die jeweilige Belegung den vorgegebenen Bedingungen entspricht. Er findet mehrere Lösungen, die zu verschiedenen Beträgen von MONEY führen. Der Unterschied zwischen der größten und kleinsten Lösung ist aber gering, und so überweist er den größten Betrag. Welches ist die kleinste, welches die größte Lösung?

Schreiben Sie ein geeignetes Pascal-Programm zur Lösung dieses Problems.

"Dear Father, apprentice with Master Quart
Was surely for me not the proper start.
Since Friday last I am here to be
A student at the Academy.
I have no more a scrap of money.
Please, father, send some to your sonny.
I'm hungry and sleeping poorly on
Hard straw. Your Kuno, a skeleton."
WILHELM BUSCH, Maler Klecksel, übersetzt von MAX BORN

G. Opfer

Wintersemester 2001/2002 Kompaktkurs vom 1. bis 16. Oktober 2001

12. Aufgabe (Pascal und MATLAB)

Hinter 3 geschlossenen Türen befinden sich 2 Ziegen und ein Auto.

Bei einem Glücksspiel darf der Kandidat eine Tür auswählen, und die dahinter stehende Ziege bzw. das dahinter stehende Auto ist sein Gewinn.

Um die Gewinnchancen für das begehrte Auto zu erhöhen, wird nach der Wahl des Kandidaten eine Tür mit einer dahinter stehenden Ziege geöffnet und der Spieler gefragt, ob er an der Wahl seiner Tür festhält.

Der Spieler überlegt, welche Tür erfolgversprechender sein könnte und entscheidet sich für eine der beiden Türen.

- a) Simulieren Sie das Spiel.
- b) Welche der beiden Strategien
 - erste Wahl beibehalten
 - andere Tür wählen

ist günstiger? Wie würden Sie entscheiden?

Überprüfen Sie Ihre Einschätzung, indem Sie in beiden Programmversionen durchgängig mal die eine und mal die andere Strategie befolgen. Zählen Sie für eine große Zahl von Spielen, z.B. 10000, die Gewinnhäufigkeiten.

Hinweis: Gleichverteilte zufällige Zahlen mit Werten in [0,1] werden erzeugt durch

windows: y=random,

Sun-Pascal: y=random(x), dabei ist x real und irrelevant,

MATLAB: y=rand(1,n) erzeugt einen n-Vektor von derartigen Zahlen.

G. Opfer

Wintersemester 2001/2002 Kompaktkurs vom 1. bis 16. Oktober 2001

13. Aufgabe (MATLAB)

Es soll untersucht werden, ob ein Zusammenhang zwischen Haar- und Augenfarbe besteht. Die aus einer Stichprobe erhaltenen Werte sind in der Datei dat13.erg festgehalten. Diese Datei enthält 140 Meßwerte, die dort zeilenweise gespeichert sind. Die erste Zahl in jeder Zeile ist eine Numerierung (von 1 bis 140), die zweite Zahl gibt die Haarfarbe (1 bis 4) an und die letzte, dritte Zahl ist die Augenfarbe (11 bis 13).

Als Verschlüsselung ist zugrundegelegt:

Haarfarbe:	blond	1
	braun	2
	$\operatorname{schwarz}$	3
	rot	4
Augenfarbe:	blau	11
	braun	12
	grün	13

Erstellen Sie eine Tabelle in der Form:

\mathbf{Augen}	blau	braun	grün	Summe	Anteil
Haare					
blond					
braun					
$\operatorname{schwarz}$					
rot					
Summe				gesamt	
Anteil					

Der Anteil ist als relative Häufigkeit (= betreffende Anzahl : Gesamtanzahl) in der MATLAB-Standardform x.xxxx anzugeben.

Hinweise: Die Daten können mit load dat13. erg gelesen werden. Nach diesem Befehl existiert eine Variable dat13 in der Form einer 140×3 -Matrix. Die zweite Spalte (Haarfarbe) von dat13 kann mit x=dat13(:,2); und die dritte Spalte (Augenfarbe) mit y=dat13(:,3); gelesen werden. Legen Sie eine 4×3 -Zählmatrix H an, die alle Summen enthält. Daraus ist auch leicht die relative Häufigkeit zu ermitteln.

G. Opfer

Testatbogen

Name	e:		
Matr	ikel–Nummer:		
Nr.	${ m Aufgabe}$	Datum	${\rm Unterschrift(en)}$
	(P=Pascal, M=MATLAB)		
1	Kugeln (P+M)		
2	Formeln (P+M)		
3	falsche Programme (P+M)		
4	Bremsweg (P+M)		
5	dyadische Summe (P+M)		
6	Zeichnen (M)		
7	Bevölkerung (M)		
8	Geburtstagsparadoxon (P+M)		
9	Reihe für e^{-x^2} (P)		
10	caseof (P)		
11	MONEY (P)		
12	Ziegenspiel (P+M)		
13	Korrelation (M)		

14					
${\bf Semester Nr.}$	$_{ m WiMa}$	Lehramt	Diplom	Sonst.	
(bitte ausfüllen)					