

## Übungen zur Mathematischen Stochastik

### Hausaufgabenblatt 10

Ausgabe am Freitag, 12. 1. 07

Abgabe am Freitag, 19. 1. 07, 14:20 Uhr

Nur zwei Aufgaben wg. **Test 2 am 19. 1., 14:20 Uhr** (Aufg. s. WWW)

#### Aufgabe H 10.1:

Die ZV  $X : \Omega \rightarrow \mathbb{R}$  besitze eine R-Dichte  $f^X$ ,  $g : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$  besitze eine stetige Ableitung, und  $Eg(X)$  existiere.

(a) Zeigen Sie, dass dann gilt:

$$Eg(X) = g(0) + \int_0^{\infty} g'(x)[1 - F^X(x)]dx - \int_{-\infty}^0 g'(x)F^X(x)dx,$$

(b) Was ergibt sich im Spezialfall  $g(x) = x$ ?

(c) Was folgt für  $g(x) = x^2$  und  $X \sim \text{Exp}(\alpha)$ ?

#### Aufgabe H 10.2:

Für zwei Lagerbestände  $X, Y : \Omega \rightarrow \mathbb{R}$  gelte  $X(\omega) \leq Y(\omega)$  für alle  $\omega \in \Omega$ . (Negative Bestände bedeuten Vormerkungen).

(a) Welche Ungleichung folgt daraus für die Werte  $F^X(t)$  und  $F^Y(t)$  der beiden Verteilungsfunktionen?

(b) Prüfen Sie am Beispiel  $X \sim \mathcal{N}(0, 1)$ ,  $Y = -X + 1$  ob dieser Schluss umkehrbar ist. Skizzieren sie dazu die zugehörigen Verteilungsfunktionen.

(c) Was folgt aus  $F^X(t) \leq F^Y(t) \forall t$  für  $EX$  und  $EY$ , falls diese existieren?